

ویژه خرداد ۱۴۰۲



فیلم تحلیل سوالات امتحانات پایان ترم

برای دیدن **فیلم حل نمونه سوالات** بزن رو لینک زیر

مشاهده فیلم ها

تحلیل نمونه سوالات فیزیک دهم ریاضی

نام و نام خانوادگی:

زمان برگزاری:

نام آزمون: فیزیک پایه دهم رشته ریاضی

تاریخ آزمون:

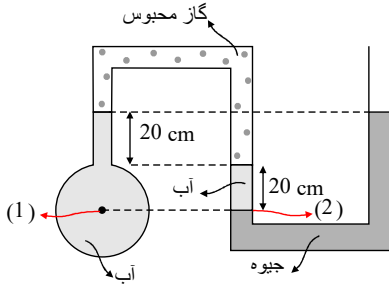


شرکت توسعه انتشارات

پرش_م ۱۱

۱ فشار و فشار پیمانه‌ای نقطه‌ی (۱) را پیدا کنید.

$$(P_0 \simeq 1.0^5 Pa, \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{cm^3}, \rho_{\text{جیوه}} = 13.6 \frac{g}{cm^3}, g \simeq 10 \frac{m}{s^2})$$



۲ در شکل زیر فشار هوای محیط برابر $80 kpa$ می‌باشد، فشار گاز حبس شده چند پاسکال است؟

$$(g \simeq 10 \frac{m}{s^2}, \rho_{\text{روغن}} = 800 \frac{kg}{m^3})$$

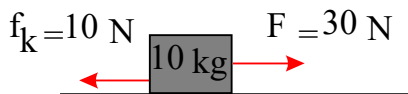
۳ دو مایع A و B به ترتیب چگالی $1000 \frac{kg}{m^3}$ و $600 \frac{kg}{m^3}$ را دارند. این دو مایع را با یک نسبت خاص با یکدیگر ترکیب می‌کنیم که چگالی مایع مخلوط برابر با $850 \frac{kg}{m^3}$ بشود. چه مقدار از مایع B (برحسب گرم) درون یک کیلوگرم از مایع مخلوط وجود دارد؟ (فرض کنید که حجم دو مایع با هم جمع می‌شوند وقتی که مخلوط شوند).

۴ ۳۰ گرم بخار $100^\circ C$ را درون یک گرماسنج با ظرفیت گرمایی ناچیز، با ۲۰ گرم یخ (-10) درجه سانتی‌گراد و ۶۰ گرم آب $40^\circ C$ مخلوط می‌کنیم. نتیجه آن را بررسی کنید.

$$C_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg^\circ C}, L_F = 330 \frac{kJ}{kg}$$

$$C_{\text{یخ}} = 2100 \frac{J}{kg^\circ C}, L_V = 2545 \frac{kJ}{kg}$$

۵ جسمی توسط یک نیروی افقی $30 N$ حرکت می‌کند. اگر نیروی اصطکاک بین جسم و سطح برابر با $10 N$ باشد، پس از جابجایی $5m$:



الف) کار نیروی F را محاسبه کنید.

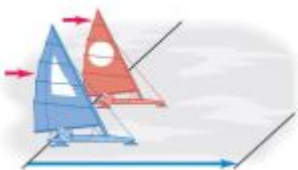
ب) کار نیروی اصطکاک را محاسبه کنید.

ج) کار نیروی وزن را محاسبه کنید.

د) کل کار انجام شده روی جسم چقدر است؟

۶ دو قایق بادبانی مخصوص حرکت روی سطوح یخ‌زده، دارای جرم‌های m و $2m$ ، روی دریاچه‌ی افقی و بدون اصطکاک قرار دارند و نیروی ثابت و یکسان \vec{F} با وزیدن باد به هر دو وارد می‌شود (شکل روبه‌رو). هر دو قایق از حال سکون شروع به حرکت می‌کنند و از خط پایان به فاصله‌ی d می‌گذرند.

انرژی جنبشی و تندی قایق‌ها را درست پس از عبور از خط پایان، باهم مقایسه کنید.

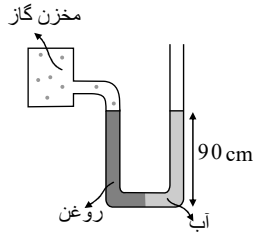


۷ برگ درختان یا گیاهان مناطق گرم خشک معمولاً سوزنی و به صورت خار می‌باشد. چرا این برگ‌ها به این صورت شده‌اند؟

۸ طول یک پل معلق حدود $1500m$ می‌باشد. اگر این پل از جنس فولاد با $\frac{1}{K} \times 10^{-6}$ باشد بیشینه تغییر طول پل بین روزهای گرم تابستان با دمای $40^\circ C$ و روزهای سرد زمستان با دمای $-20^\circ C$ چقدر است؟

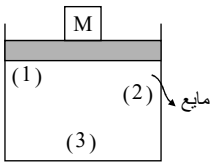


۹) لوله U شکلی را در نظر بگیرید که حاوی حجم مساوی از آب و روغن می‌باشد (مطابق شکل) فشار و فشار پیمانه‌ای مخزن گاز را پیدا کنید.



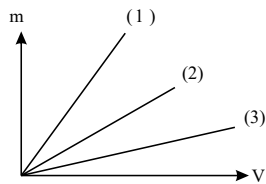
$$(\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{cm^3}, \rho_{\text{روغن}} = 800 \frac{kg}{m^3}, P_0 \approx 10^5 Pa, g \approx 10 \frac{m}{s^2})$$

۱۰) اگر پس از تعادل پیستون، جرم M مطابق شکل روی پیستون که بر روی مایع تراکم‌ناپذیر قرار دارد، اضافه شود فشار نقاط (۱) و (۲) و (۳) را با هم مقایسه کنید.



۱۱) مساحت روزنه خروج بخار آب روی درب زودپزی $4700 mm^2$ است. جرم وزنه‌ای که باید روی آن گذاشت چقدر باشد تا فشار داخل آن در $2 atm$ نگه داشته شود؟ فشار بیرون دیگ زودپز را $1 atm$ بگیرید. ($1 atm \approx 10^5 Pa, g \approx 10 \frac{m}{s^2}$)

۱۲) یک ماشین کوچک به جرم $1200 kg$ و یک کامیون کوچک به جرم $3600 kg$ در نظر بگیرید. کامیون با تندی مجاز $35 m/s$ حرکت می‌کند. راننده ماشین طوری حرکت می‌کند که انرژی جنبشی ماشین با کامیون برابر شود. تندی ماشین چقدر است؟



۱۳) سه مایع در اختیار داریم که نمودار تغییرات جرم بر حسب حجم آنها به صورت زیر است: الف) اگر این سه مایع را روی هم بریزیم (به طوری که با هم مخلوط نشوند و دارای حجم برابر باشند) ترتیب قرار گرفتن روی یکدیگر مایعات به چه صورت است؟
ب) اگر با یک همزن آنها را خیلی خوب با هم ترکیب کنیم، چگالی آنها به چه صورت می‌توان نوشت؟

۱۴) تبدیل واحدهای زیر را انجام دهید:

الف) $297 mm = ? \mu m$ طول کاغذ $A4$

ب) $210 mm = ? \mu m$ عرض کاغذ $A4$

ج) $1 \times 10^{-15} kg = ? ng$ جرم یک باکتری

د) $5 \times 10^{-3} m = ? km$ طول مگس

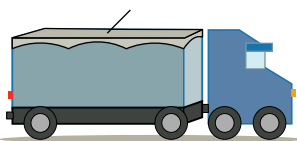
ه) $1 \times 10^{-15} km = ? nm$ قطر پروتون

۱۵) سرعت یک چیتا حدود $108 \frac{km}{h}$ است. سرعت این موجود بر حسب $\frac{m}{s}$ چقدر است؟

۱۶) توضیح دهید چرا نیروی شناوری برای جسمی که در یک شاره قرار دارد رو به بالاست.

۱۷) الف) روزهایی که باد می‌وزد، ارتفاع موج‌های دریا یا اقیانوس بالاتر از ارتفاع میانگین می‌شود. با اصل برنولی چگونه می‌توان افزایش ارتفاع موج را توضیح داد؟
پوشش برزنتی صاف و تخت است.

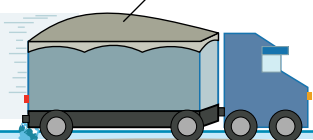
کامیون در حال توقف



ب) شکل روبه‌رو کامیونی را در دو وضعیت سکون و در حال حرکت نشان می‌دهد. با استفاده از اصل برنولی توضیح دهید چرا وقتی کامیون در حال حرکت است پوشش برزنتی آن پُف می‌کند.

پوشش برزنتی پُف کرده است.

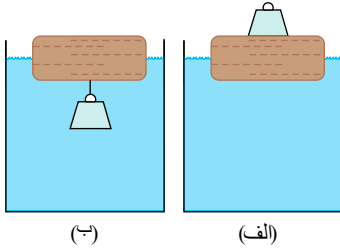
کامیون در حال حرکت





۱۸) یک قطعه چوبی را روی آب درون ظرفی قرار دهید. یک وزنه آهنی را یک بار روی چوب قرار دهید (شکل الف) و بار دیگر از زیر چوب آویزان کنید (شکل ب).

پیش‌بینی کنید در کدام تجربه، چوب بیشتر در آب فرو می‌رود؟ آزمایش را انجام دهید. پیش‌بینی‌ها و نتایج مشاهده (آزمایش) خود را در گروهتان به بحث بگذارید و نتیجه را به کلاس ارائه دهید.

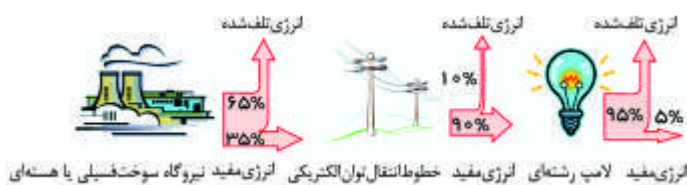


۱۹) حدود ۵۰۰۰۰ سال پیش شهاب‌سنگی در نزدیک آریزونا، آمریکا به زمین برخورد کرده و چاله‌ای بزرگ از خود به جای گذاشته است (شکل روبه‌رو). با اندازه‌گیری‌های جدید (۲۰۰۵ میلادی) برآورد شده است که جرم این شهاب‌سنگ حدود $1.4 \times 10^7 \text{ kg}$ بوده و با تندی $12.8 \frac{\text{km}}{\text{s}}$ به زمین برخورد کرده است. انرژی جنبشی این شهاب‌سنگ هنگام برخورد به زمین چقدر بوده است؟ (خوب است بدانید انرژی آزادشده توسط هر تن TNT تقریباً برابر $4.2 \times 10^9 \text{ J}$ است.)



۲۰) شکل زیر طرح واره‌ای از درصد انرژی مفید و انرژی تلف‌شده در یک نیروگاه سوخت فسیلی یا هسته‌ای را از آغاز تا مصرف در یک لامپ رشته‌ای نشان می‌دهد.

الف) یک نیروگاه سوخت فسیلی را در نظر بگیرید که با مصرف گازوئیل، انرژی الکتریکی تولید می‌کند. با سوختن هر لیتر گازوئیل حدود ۳۵ مگاژول انرژی گرمایی تولید می‌شود. برای این‌که یک لامپ رشته‌ای ۱۰۰ وات در طول یک ماه به مدت ۱۸۰ ساعت روشن بماند (به‌طور میانگین هر شبانه‌روز ۶ ساعت)، چقدر گازوئیل باید در نیروگاه مصرف شود؟
ب) با توجه به نتیجه قسمت الف، درک خود از هشدار معروف «لامپ اضافی خاموش!» را بیان کنید.



۲۱) جرم اتاقک بالابری به همراه بار آن 500 kg است (شکل روبه‌رو). اگر این بالابر در مدت 10 s از طبقه همکف به طبقه دوم در ارتفاع 6.0 m برود، توان متوسط موتور این بالابر چند اسب بخار است؟ نیروهای اتلافی را نادیده بگیرید.



۲۲) شخصی توپ در حال حرکتی را با دست خود می‌گیرد (شکل روبه‌رو). پس از توقف توپ، انرژی جنبشی آن کجا رفته است؟





۲۳ انرژی جنبشی و انرژی پتانسیل گرانشی (نسبت به زمین) یک هواپیمای مسافربری به جرم $7,50 \times 10^4 \text{ kg}$ که با تندی $864 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ در ارتفاع $9,60 \times 10^3 \text{ m}$ حرکت می کند چقدر است؟ مقدار این انرژی ها را باهم مقایسه کنید. $(g = 9,8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$



۲۴ درون گرماسنجی به ظرفیت گرمایی $124 \frac{\text{J}}{^\circ\text{C}}$ آب با دمای 5°C وجود دارد و مجموعه آب و گرماسنج در تعادل گرمایی است. اگر مقدار 200 g یخ با دمای 1°C - به این مجموعه اضافه کنیم، چقدر از یخ باقی می ماند؟

$$(L_F = 334 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}, c_{\text{یخ}} = 2220 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}})$$

۲۵ در گروهی از جانوران خون گرم و انسان، تبخیر عرق بدن، یکی از راه های مهم کنترل دمای بدن است.

الف) چه مقدار آب تبخیر شود تا دمای بدن شخصی به جرم 50 kg به اندازه ی 1°C کاهش یابد؟ گرمای نهان تبخیر آب در دمای بدن (37°C) برابر $2,42 \times 10^6 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$ و گرمای ویژه بدن در حدود $3480 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}}$ است.

ب) حجم آبی که شخص باید برای جبران آب تبخیر شده بنوشد، چقدر است؟ $(\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, \rho_{\text{جیره}} = 13,6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3})$

۲۶ هفت کیلوگرم اتانول با دمای 20°C را با 4 کیلوگرم آب مخلوط می کنیم. اگر دمای آب 5°C باشد دمای تعادل را بیابید.

$$(c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}, c_{\text{اتانول}} = 2400 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}})$$

۲۷ چگالی آلومینیم در دمای صفر درجه سلسیوس برابر با $2,70 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ است. چگالی این فلز در دمای 100°C چقدر است؟

$$(\alpha_{\text{آلومینیم}} = 23 \times 10^{-3} \frac{1}{\text{K}})$$

۲۸ ظرف شیشه ای به گنجایش 250 cm^3 را پر از روغن زیتون کرده ایم و در انباری خانه ای با دمای 20°C نگهداری می کنیم. اگر این دمای این

ظرف به 7°C برسد آیا روغن زیتون به بیرون می ریزد یا خیر؟ اگر جواب مثبت است حجم روغن زیتون بیرون ریخته شد. چقدر است؟

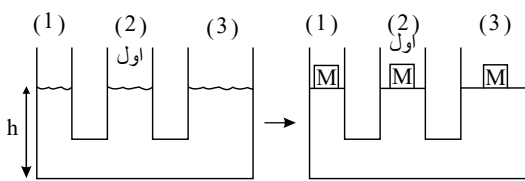
$$(\beta_{\text{روغن زیتون}} = 0,70 \times 10^{-3} \frac{1}{\text{K}}, \alpha_{\text{شیشه}} = 10 \times 10^{-6} \frac{1}{\text{K}})$$

۲۹ رابطه میان دما در مقیاس سلسیوس و کلون را بنویسید و در مورد حد بالا و حد پائین دما در مقیاس کلون بحث کنید.

۳۰ ظرف سه شاخه ای در اختیار داریم که سطح مقطع هر شاخه آن با هم فرق می کند (به ترتیب از چپ به راست سطح مقطع بزرگتر می شود). اگر در

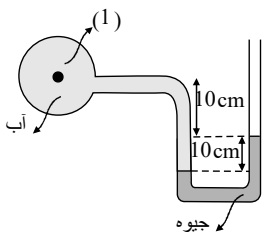
ابتدا در این ظرف آب بریزیم تا ارتفاع آب در هر سه شاخه برابر شود سپس با گذاشتن پیستون سبک جرم M را روی هر پیستون می گذاریم. ارتفاع

جدید آب در هر سه شاخه را با هم مقایسه کنید.



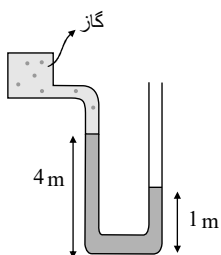
۳۱ در شکل زیر فشار در نقطه ی (۱) را محاسبه کنید. فشار پیمانه ای چقدر است؟

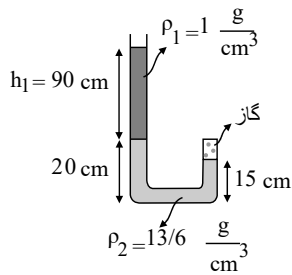
$$(\rho_{\text{جیره}} = 13600 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, \rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, g \simeq 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, P_0 = 10^5 \text{ Pa})$$



۳۲ باتوجه به شکل زیر فشار مخزن را محاسبه کنید. فشار پیمانه ای مخزن چقدر است؟ آیا این عدد منطقی است؟

$$(\rho_{\text{مایع}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, g \simeq 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, P_0 \simeq 10^5 \text{ Pa})$$





۳۳ در شکل زیر فشار گاز محبوس چقدر است؟ فشار پیمانه‌ای گاز چقدر است؟
 $(g \simeq 10 \frac{m}{s^2}, P_0 = 10^5 Pa)$

۳۴ درون یک لوله ابتدا به ارتفاع 10 cm جیوه و بعد به ارتفاع 20 cm آب می‌ریزیم. اگر اندازه‌ی فشار به کف ظرف برابر با $115,6 \text{ kPa}$ بشود، فشار هوای محیط چقدر است؟

۳۵ درپوشی سبک به مساحت 3 cm^2 جلوی فواره‌ی آبی را مسدود کرده است. اگر با نیروی 120 N درپوش را نگه داشته باشیم. چه فشاری از طرف آب زیر درپوش به درپوش وارد می‌شود؟ این فشار معادل با چند سانتی‌متر جیوه است؟

۳۶ لیوانی را پر از آب کرده و یک کاغذ روغنی سبک را در دهانه آن قرار می‌دهیم. سپس لیوان را برعکس می‌کنیم، مشاهده می‌کنیم که آب بیرون نمی‌ریزد. دلیل این پدیده را توضیح دهید.

۳۷ فشار هوای ساکن پیرامون زمین به چه عواملی بستگی دارد؟

۳۸ ارتفاع ستون جیوه درون لوله جوسنج برابر با 74 cm می‌باشد. لوله را کج می‌کنیم تا ارتفاع قائم جیوه به 64 cm جیوه برسد. فشار بر ته بسته‌ی لوله جوسنج چند سانتی‌متر جیوه است؟ این فشار چند پاسکال است؟
 $(\rho_{\text{جیوه}} = 13600 \frac{kg}{m^3}, g \simeq 10 \frac{m}{s^2})$

۳۹ یک استوانه از جنس آهن به چگالی $(\frac{kg}{m^3}) 7870$ روی زمین قرار دارد. اگر شعاع این استوانه 5 cm و ارتفاع آن برابر با 1 m باشد، فشاری که این استوانه به زمین وارد می‌کند چقدر است؟
 $(g \simeq 10 \frac{m}{s^2})$

۴۰ اگر قطر لوله موئینی را زیاد کنیم ارتفاع بالا آمدن آب درون لوله کم می‌شود. این پدیده را توجیه کنید.

۴۱ اگر به اندازه نصف لیوان آب جوش داشته باشیم و در آن مقدار زیادی شکر حل کنیم محلول آب جوش شیرین خواهیم داشت. اگر از قوری مقداری زیادی چای در آب بریزیم آب جوش رنگ چای پررنگ به خود می‌گیرد. اگر روی این محلول مقداری چای کمرنگ بریزیم (به اندازه نصف دیگر لیوان) در یک لیوان دو رنگ چای خواهیم داشت. که مدت زیادی به همین صورت می‌ماند. این پدیده را توصیف کنید.

۴۲ اسبی با سرعت ثابت $7,2 \frac{km}{h}$ در راستای افقی حرکت می‌کند و ارابه را با نیروی 180 N به دنبال خود می‌کشد. زاویه‌ی نیرو با افق زاویه‌ی 37 درجه می‌سازد.

الف) این اسب در مدت 10 دقیقه چقدر کار انجام داده است؟

ب) توان اسب چقدر است؟

۴۳ گلوله‌ای به جرم 10 kg با تندی اولیه $470 \frac{m}{s}$ در راستای قائم به طرف بالا شلیک می‌شود و تا رسیدن به نقطه اوج، مقاومت هوا باعث اتلاف $7,0 \times 10^5 \text{ J}$ انرژی می‌شود. اگر مقاومت هوا وجود نداشت گلوله چقدر بالاتر می‌رود؟
 $(g \simeq 10 \frac{m}{s^2})$

۴۴ یک آجر که از روی بزرگ‌ترین سطح خود روی زمین قرار دارد را عمودی می‌کنیم و روی کوچک‌ترین سطح خود قرار می‌دهیم. کار نیروی دست ما در این فرآیند چقدر است؟

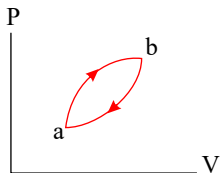
(جرم آجر را m و ابعاد آن به صورت $l \times \frac{l}{2} \times \frac{l}{4}$ می‌باشد)

۴۵ ماشینی از حالت سکون به حرکت در می‌آید. وقتی که تندی آن از صفر تا v تغییر می‌کند کار کل روی ماشین W_{1t} و وقتی تندی آن از v به $2v$ می‌رسد کار روی آن W_{2t} می‌شود. نسبت $\frac{W_{2t}}{W_{1t}}$ چقدر است؟



۴۶) درستی یا نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید.

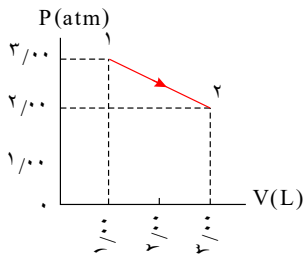
- (۱) چگالی در واقع جرم واحد حجم هر ماده است.
- (۲) چگالی یک لیوان آب دریا با چگالی کل آب دریا برابر است.
- (۳) با حل کردن نمک در آب چگالی آب تغییر نمی‌کند.
- (۴) اجسامی که در آب فرو می‌روند چگالی کمتری از آب دارند.
- (۵) به ازای جرم ثابت و یکسان، چگالی با حجم نسبت عکس دارد.
- (۶) چگالی با جرم رابطه مستقیم ندارد.



۴۷) شکل روبه‌رو چرخه‌ای را نشان می‌دهد که یک گاز طی کرده است. الف) تعیین کنید که گاز در این چرخه گرما گرفته یا از دست داده است؟

ب) اگر مقدار گرمای مبادله‌شده در این چرخه 400 J باشد، کار انجام‌شده روی گاز چقدر است؟

۴۸) نمودار $P - V$ ی گازی رقیق در شکل روبه‌رو نشان داده شده است. در این فرایند با فرض آنکه انرژی درونی در نقطه (۱) برابر 456 J و در



نقطه (۲) برابر 912 J باشد، چقدر گرما مبادله شده است؟ آیا گاز گرما گرفته است یا از دست داده است؟

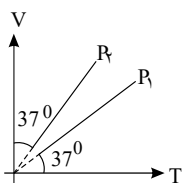
۴۹) الف) در فرایند هم‌حجم چگونه می‌توان فشار گاز را افزایش یا کاهش داد؟ ب) در فرایند هم‌فشار چگونه می‌توان حجم گاز را افزایش یا کاهش داد؟

۵۰) در یک فرایند بی‌دررو 400 ژول کار روی دستگاه انجام شده است. تغییر انرژی درونی دستگاه چقدر است؟

۵۱) در یک فرایند هم‌دما انرژی درونی درونی دستگاه چه تغییری می‌کند هنگامی که دستگاه 500 ژول گرما دریافت کند؟

۵۲) در یک مخزن 4 لیتری، 8 گرم گاز هیدروژن در دمای 27 درجه سانتی‌گراد قرار دارد. 2 مول از گاز اکسیژن که فشار آن 12 اتمسفر و حجم آن 3 لیتر است را وارد این مخزن می‌کنیم. فشار مخلوط گازها را در دمای 127 درجه سلسیوس محاسبه کنید. $(R = 8 \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}})$

۵۳) در داخل مخزنی به حجم 4 لیتر مقداری گاز در دمای 27 درجه سانتی‌گراد قرار دارد و فشار این گاز برابر 4 اتمسفر است. در این حالت شیر مخزن را باز کرده تا نیمی از آن خارج شود و دمای آن به (-98) درجه سانتی‌گراد رسد، فشار ثانویه گاز را محاسبه کنید.



۵۴) با توجه به نمودار داده‌شده نسبت P_1 به P_2 کدام است؟ $(\sin 37^\circ = 0.6)$

۵۵) در فشار ثابت مقدار گاز کاملی را متراکم می‌کنیم. دمای آن چگونه تغییر می‌کند؟

۵۶) یکی از روش‌های بالابردن دمای یک جسم، دادن گرما به آن است. اگر به جسمی گرما دهیم، آیا دمای آن حتماً بالا می‌رود؟ توضیح دهید.

۵۷) یک بزرگراه از بخش‌های بتونی به طول 250 m ساخته شده است. این بخش‌ها در دمای 10°C ، بتون‌ریزی و عمل آورده شده‌اند. برای جلوگیری از تاب برداشتن بتون در دمای 50°C ، مهندسان باید چه فاصله‌ای را بین این قطعه‌ها در نظر بگیرند؟ $(\alpha_{\text{بتون}} \approx 14 \times 10^{-6} \text{ K}^{-1})$

۵۸) درستی یا نادرستی جمله‌های زیر را تعیین کنید.

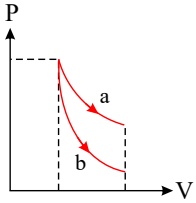
آ) کمیت‌های ماکروسکوپی را که حالت دستگاه با آنها توصیف می‌شود، متغیرهای ترمودینامیکی می‌نامند.



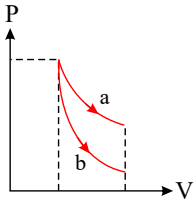
۵۹ جاهای خالی را با کلمات مناسب کامل کنید.

- (آ) هنگامی که یک گاز را به سرعت متراکم یا منبسط می‌کنیم فرایند به صورت در نظر گرفته می‌شود.
 (ب) در فرایند انبساط بی‌درروی گاز کامل، انرژی درونی گاز می‌یابد.
 (پ) در فرایند ، تغییر انرژی درونی گاز طبق قانون اول ترمودینامیک با گرمای مبادله‌شده برابر است.
 (ت) هوای اتاق برای یک فنجان چای داغ، یک منبع محسوب می‌شود.

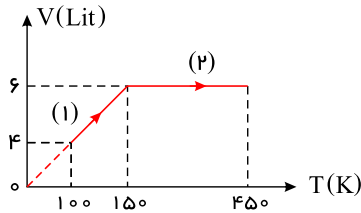
۶۰ قدر مطلق کار در فرایند a کمتر است یا فرایند b ؟



۶۱ در کدام یک از فرایندهای a و b انرژی درونی ثابت است؟ (فرض کنید یکی از فرایندها بی‌دررو و دیگری هم‌دما است)



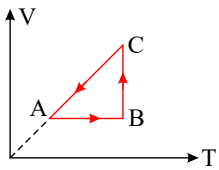
۶۲ شکل روبه‌رو نمودار $V - T$ ای مربوط به ۵ مول گاز کامل تک‌اتمی را طی دو فرایند متوالی (۱) و (۲) نشان می‌دهد. ۳ مورد خواسته‌شده را تعیین کنید.



- (الف) در فرایند (۱) فشار گاز چند پاسکال است؟
 (ب) کار انجام‌شده در فرایند (۱) را محاسبه کنید.

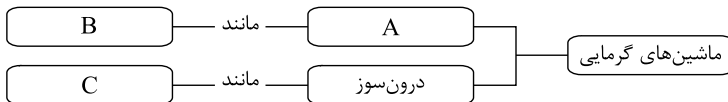
$$R = 8 \frac{J}{mol \cdot K}$$

۶۳ با توجه به نمودار $V - T$ در شکل زیر که مربوط به یک گاز کامل است، خانه‌های خالی جدول را با کلمه‌های (مثبت - منفی یا صفر) پر کنید و جدول کامل‌شده را به پاسخ برگ انتقال دهید.

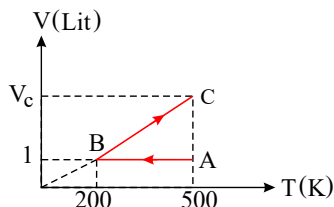


| فرایند / کمیت ← | W (کار روی گاز) | Q | ΔU |
|-------------------|-------------------|-----|------------|
| $A \rightarrow B$ | | | |
| $B \rightarrow C$ | | | |
| $C \rightarrow A$ | | | |

۶۴ در نقشه مفهومی زیر، به جای حروف، عبارتی مناسب بنویسید.



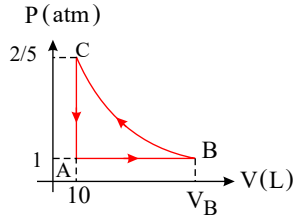
۶۵ نمودار روبه‌رو، مربوط به ۳ مول گاز کامل تک‌اتمی است.



در حالت C حجم C چند لیتر است؟ $R = 8 \frac{J}{mol \cdot K}$



۶۶ چرخه مقابل مربوط به ۰٫۵ مول گاز کامل تک اتمی است و BC یک فرایند همدماست:

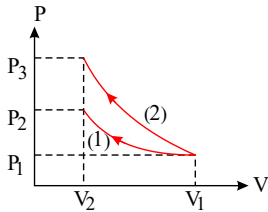


الف) در فرایند همدم، دمای گاز چند کلوین است؟

ب) در حالت B حجم گاز چند لیتر است؟

$$R = 8 \frac{J}{mol \cdot K}$$

۶۷ مطابق شکل، یک گاز کامل طی دو فرایند همدم و بی دررو، از حجم V_1 تا حجم V_2 متراکم شده است:

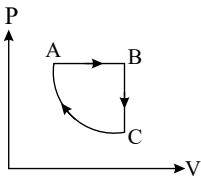


الف) کدام فرایند همدم و کدام فرایند بی دررو است؟

ب) با استدلال معین کنید کار انجام شده روی دستگاه در کدام فرایند کمتر است؟

پ) در فرایند بی دررو، دمای گاز افزایش می یابد یا کاهش؟ توضیح دهید؟

۶۸ در چرخه مقابل، فرایند CA بی دررو است. خانه های خالی جدول زیر را با کلمات (افزایش - کاهش - ثابت) پر کنید.



| فرایند | فشار (P) | حجم (V) | انرژی درونی (U) |
|-------------------|--------------|-------------|---------------------|
| $A \rightarrow B$ | | | |
| $B \rightarrow C$ | | | |
| $C \rightarrow A$ | | | |

۶۹ یکی دیگر از یكاهای متداول فشار، اتمسفر یا جو است که با نماد atm نمایش داده می شود. فشار یک اتمسفر، به صورت فشار معادل ستونی از جیوه به ارتفاع $۰٫۷۶m$ تعریف می شود (در دمای $0^\circ C$ و به ازای $g = 9,8N/kg$). هر اتمسفر، معادل چند پاسکال است؟ چگالی جیوه را برابر $13600 kg/m^3$ بگیرید.

۷۰ در ساختن دیوارهای ساختمان باید اثر مویبندی در نظر گرفته شود، زیرا تراوش آب از منفذهای مویب در این دیوارها می تواند سبب خسارت در داخل ساختمان شود. برای جلوگیری از این خسارت، دیوارهای داخل یا خارج ساختمان را معمولاً با مواد ناتراوا (مانند قیر) می پوشانند. تحقیق کنید در معماری سنتی ایران به جای قیرانود کردن، چگونه از نفوذ آب به داخل سازه ها جلوگیری می کردند.



سازه های آبی شوشتر که از دوران هخامنشیان تا ساسانیان، جهت بهره گیری بیشتر از آب ساخته شده اند.

سازه های آبی شوشتر که از دوران هخامنشیان تا ساسانیان، جهت بهره گیری بیشتر از آب ساخته شده اند.

۷۱ این فعالیت به شما کمک می کند تا درک بهتری از نیروی دگرچسبی به دست آورید. به این منظور از یک لیوان پر از آب، یک کارت بانکی و تعدادی وزنه چند گرمی یا سکه های پول استفاده کنید. ابتدا مطابق شکل الف، کارت را طوری روی لبه لیوان قرار دهید که تنها نیمی از آن با آب در تماس باشد. وزنه های چند گرمی را روی قسمتی از کارت قرار دهید که با آب در تماس نیست (ابتدا وزنه ۵ گرمی، سپس ۱۰ گرمی و ...). نتیجه مشاهده خود را با توجه به مفاهیمی که تاکنون فرا گرفته اید توضیح دهید.

یکی دو قطره مایع شوینده به آب اضافه کنید و آزمایش را تکرار کنید. نتیجه مشاهده خود را در گروه خود به بحث بگذارید.





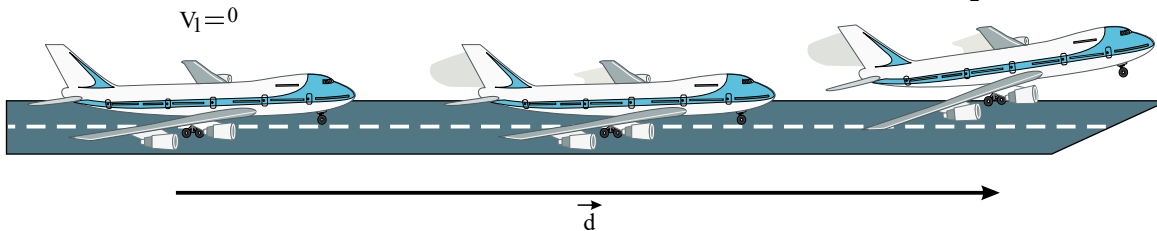
۷۲) شکل زیر هواپیمایی به جرم $7,2 \times 10^4 \text{ kg}$ را نشان می‌دهد که از حال سکون شروع به حرکت می‌کند و پس از 2050 m جابه‌جایی در امتداد باند هواپیما، به تندی برخاستن $v_p = 70 \frac{m}{s}$ می‌رسد.

الف) کار کل نیروهای وارد بر هواپیما را در این جابه‌جایی حساب کنید.
یک دقیقه پس از برخاستن، هواپیما تا ارتفاع 560 m از سطح زمین اوج می‌گیرد و تندی آن به $140 \frac{m}{s}$ می‌رسد. در این مدت،

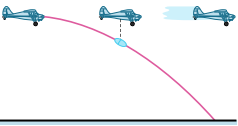
ب) کار نیروی وزن چقدر است؟
پ) به جز نیروی وزن، چه نیروهای دیگری بر هواپیما اثر می‌کند (با این نیروها در علوم سال ششم آشنا شدید)؟ کار کدام یک از این نیروها مثبت و کار

$$\text{کدام یک از آن‌ها منفی است؟} \quad \left(g = 9,81 \frac{N}{kg} \right)$$

$$v_2 = 70 \text{ m/s}$$



۷۳) در شکل روبه‌رو هواپیمایی که در ارتفاع 300 m از سطح زمین و با تندی $50 \frac{m}{s}$ پرواز می‌کند، بسته‌ای را برای کمک به آسیب‌دیدگان زلزله رها می‌کند. تندی بسته هنگام برخورد به زمین چقدر است؟ (از تأثیر مقاومت هوا روی حرکت بسته چشم‌پوشی کنید و $g = 9,8 \frac{m}{s^2}$)



۷۴) آیا انرژی جنبشی یک جسم می‌تواند منفی باشد؟ انرژی پتانسیل گرانشی یک سامانه چطور؟ توضیح دهید.

۷۵) آب ذخیره‌شده در پشت سد یک نیروگاه برق آبی، از مسیری مطابق شکل روی پره‌های توپینی می‌ریزد و آن را می‌چرخاند. با چرخش توربین، مولد می‌چرخد و انرژی الکتریکی تولید می‌شود (شکل روبه‌رو). اگر ۸۵ درصد کار نیروی گرانش به انرژی الکتریکی تبدیل شود، در هر ثانیه چند متر مکعب آب باید روی توربین بریزد تا توان الکتریکی خروجی مولد نیروگاه به 200 MW برسد؟ جرم هر متر مکعب آب را 1000 kg در نظر بگیرید.



۷۶) تلمبه‌ای با توان ورودی 15 kW در هر ثانیه 70 لیتر آب دریاچه‌ای به چگالی $1000 \frac{kg}{m^3}$ را مطابق شکل روبه‌رو تا ارتفاع 15 متری مخزنی



می‌فرستد. بازده تلمبه چند درصد است؟



۷۷ الف) قطعه‌ای فلزی به شما داده شده است و ادعا می‌شود که از طلای خالص ساخته شده است. چگونه می‌توانید درستی این ادعا را بررسی کنید؟



ب) بزرگ‌ترین شمش طلا با حجم $1.0^4 \text{ cm}^3 \times 19.573$ و جرم 250 kg توسط یک شرکت ژاپنی ساخته شده است (شکل روبه‌رو). چگالی این شمش طلا را به دست آورید.

پ) نتیجه به دست آمده در قسمت (ب) را با چگالی طلا در جدول ۱ - ۸ مقایسه کنید و دلیل تفاوت این دو عدد را بیان کنید.

۷۸ فرآیند مدل‌سازی در فیزیک را با ذکر یک مثال توضیح دهید.

۷۹ یک پارچ استوانه‌ای به ارتفاع 30 cm را به صورت برعکس، آرام آرام داخل ظرف آبی فرو می‌بریم. وقتی پارچ به طور کامل داخل آب قرار گرفت (کف پارچ هم سطح آب داخل ظرف شد)، سطح آب داخل پارچ، مانند شکل می‌شود. فشار هوای محیط آزمایش چقدر است؟

$$\rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, g \approx 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

۸۰ درون مخزنی مقداری گاز با فشار 12 cmHg و دمای 127°C وجود دارد. دمای گاز را به 327°C می‌رسانیم. فشار گاز چند پاسکال می‌شود؟ $(\rho_{\text{جیوه}} = 13600 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3})$

۸۱ درون استوانه‌ای 15 L گاز ازت با دمای 27°C وجود دارد. فشار پیمانه‌ای گاز درون استوانه را با فشارسنجی اندازه می‌گیریم. فشارسنج 11 atm را نشان می‌دهد. دمای گاز را به 87°C و به حجم 30 L می‌رسانیم. فشاری که فشارسنج در پایان نشان می‌دهد، چند اتمسفر است؟ فشار هوای بیرون استوانه 1 atm است. فرض کنید گاز درون استوانه، گاز آرمانی است.

۸۲ در آزمایشی، دمای مقدار معینی از گاز نیتروژن را در فشار ثابت از 27°C به 97°C می‌رسانیم. اگر در ابتدا حجم گاز 3 L باشد، حجم آن را در پایان آزمایش حساب کنید.

۸۳ هوایی با فشار یک اتمسفر درون استوانه‌ی یک تلمبه دوچرخه به طول 24 cm محبوس است. راه‌های ورودی و خروجی هوای استوانه تلمبه را می‌بندیم.

الف) اگر طول استوانه را در دمای ثابت به 30 cm افزایش دهیم، فشار هوای محبوس چقدر خواهد شد؟

ب) برای آنکه در دمای ثابت، فشار هوای محبوس 3 atm شود طول استوانه را چقدر باید کاهش دهیم؟

۸۴ یک گرمکن الکتریکی با توان 300 W برای مدت زیادی به یک ظرف حاوی 5 kg آب حرارت می‌دهد. این گرمکن نتوانسته است که آب درون ظرف را به جوش بیاورد. دلیل این اتفاق را توضیح دهید. اگر گرمکن خاموش شود چند ثانیه طول می‌کشد تا دمای آب داخل ظرف یک درجه کاهش یابد؟ (از ظرفیت گرمایی ظرف و گرمکن صرف نظر شود)

$$(c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ \text{C}})$$

۸۵ در یک ظرف عایق، 10 گرم بخار آب 100°C ، 60 گرم آب 10°C و 200 g یخ 14°C وجود دارد. دمای تعادل و ترکیب نهایی در این ظرف را بیابید.

$$(L_F = 334 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, L_V = 2256 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ \text{C}}, c_{\text{یخ}} = 2220 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ \text{C}})$$

۸۶ می‌خواهیم 5 kg یخ در دمای صفر درجه سانتی‌گراد را به بخار 100°C تبدیل کنیم. اگر این کار را با یک گرمکن الکتریکی با توان 2 kW انجام دهیم، چقدر زمان طول می‌کشد که این فرایند به طور کامل انجام شود؟ اگر 62.5% توان الکتریکی موتور به یخ برسد چه زمانی برای بخار کردن کامل آن زمان نیاز است؟

$$(c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ \text{C}}, L_V = 2256 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, L_F = 334 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}})$$

۸۷ چرا الکل زودتر از آب تبخیر می‌شود؟

۸۸ برای ذوب کردن 5 kg نقره که در دمای 0°C قرار دارد، چقدر باید به آن گرما بدهیم تا کاملاً ذوب شود؟

$$(L_F = 88.3 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, c = 236 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ \text{C}}, \theta_{\text{ذوب}} = 960^\circ \text{C})$$

۸۹ در چاله کوچکی 1 kg آب 0°C قرار دارد. اگر بر اثر تبخیر سطحی قسمتی از آب تبخیر شود. بقیه آن یخ بندد، آب یخ‌زده چقدر است؟ $(L_V = 2490 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}})$



۹۰ در یک روز زمستانی، بخار آب موجود در اتاقی روی شیشه پنجره به شکل مایع در می‌آید. اگر دمای شیشه حدود $5^{\circ}C$ باشد برای آنکه $150g$ آب روی شیشه تشکیل شود چقدر گرما به شیشه داده می‌شود؟

$$(L_V = 2490 \frac{kJ}{kg})$$

۹۱ ظرفی محتوی آب روی شعله‌های آتش قرار دارد. دمای آب درون ظرف روی $15^{\circ}C$ ثابت مانده است. برای بخار شدن $5kg$ از این آب چقدر گرما نیاز است؟ $(L_V = 2454 \frac{kJ}{kg})$

۹۲ افزایش و کاهش فشار روی نقطه جوش آب چه تأثیری می‌گذارد؟

۹۳ درون گرماسنجی به ظرفیت گرمایی $380 \frac{J}{K}$ مقداری آب $25^{\circ}C$ قرار دارد و مجموعه در حال تعادل است. اگر درون ظرف مقدار آب به دمای $5^{\circ}C$ بریزیم، نهایتاً $1.1kg$ آب با دمای تعادل $37.6^{\circ}C$ خواهیم داشت. مقدار اولیه و مقدار ثانویه آب را محاسبه کنید. $(c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg \cdot ^{\circ}C})$

۹۴ درون گرماسنجی به ظرفیت گرمایی $200 \frac{J}{k}$ که در دمای $20^{\circ}C$ در حال تعادل است، چقدر آب $5^{\circ}C$ بریزیم تا دمای مجموعه $45.2^{\circ}C$ شود؟ $(c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg \cdot ^{\circ}C})$

۹۵ درون ظرف عایقی یک کیلوگرم آب $5^{\circ}C$ قرار دارد. اگر یک قطعه با جرم $2kg$ از آلومینیم با دمای $20^{\circ}C$ به مجموعه اضافه شود، دمای تعادل را محاسبه کنید.

$$(c_{\text{آب}} \simeq 4200 \frac{J}{kg \cdot ^{\circ}C}, c_{\text{آلومینیم}} = 900 \frac{J}{kg \cdot ^{\circ}C})$$

۹۶ شخصی $2kg$ آب $80^{\circ}C$ را در یک لیوان فولادی به وزن $1kg$ که دمای آن $20^{\circ}C$ است می‌ریزد. دمای نهایی لیوان و آب وقتی که مجموعه به تعادل گرمایی برسد چقدر است؟

$$(c_{\text{آب}} \simeq 4200 \frac{J}{kg \cdot ^{\circ}C}, c_{\text{فولاد}} = 450 \frac{J}{kg \cdot ^{\circ}C})$$

۹۷ درون یک مخزن $200g$ گاز نیتروژن به وزن مولی $28 \frac{g}{mol}$ وجود دارد. تعداد مول و تعداد اتم‌های گاز نیتروژن درون مخزن را محاسبه کنید؟

۹۸ در یک لامپ التهابی از یک رشته تنگستن به جرم یک گرم استفاده شده است. اگر این لامپ التهابی $100W$ باشد. چند ثانیه طول می‌کشد که دمای رشته تنگستن به اندازه $2150^{\circ}C$ افزایش یابد؟ $(C_{\text{تنگستن}} = 134 \frac{J}{kg \cdot ^{\circ}C})$

۹۹ درون ظرف مسی به حجم $1L$ در دمای صفر درجه، چقدر بنزین بریزیم تا در دمای $5^{\circ}C$ ظرف لبریز از بنزین شود و هیچ بنزینی بیرون از ظرف نریزد؟ $(\alpha_{\text{مس}} = 17 \times 10^{-6} \frac{1}{K}, \beta_{\text{بنزین}} = 1700 \times 10^{-3} \frac{1}{K})$

۱۰۰ انبساط گرمایی را از دیدگاه میکروسکوپی چگونه برای جامدات و مایعات توجیه می‌کنید؟

۱۰۱ طول یک میله آلومینیم در دمای اتاق $58cm$ است. طول یک میله سربی را در همان دما چقدر اختیار کنیم تا در هر دمای دیگری (کمتر از دمای ذوب آنها) اختلاف طول دو میله همواره ثابت باشد؟ $(\alpha_{\text{سرب}} = 29 \times 10^{-6} \frac{1}{K}, \alpha_{\text{AL}} = 23 \times 10^{-6} \frac{1}{K})$

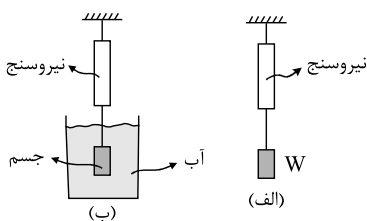
۱۰۲ یک میله سربی به طول $1m$ را از دمای $15^{\circ}C$ به دمای $20^{\circ}C$ می‌رسانیم طول این میله چگونه و چقدر تغییر می‌کند؟ (در این محدوده دمایی $\alpha_{\text{سرب}} = 29 \times 10^{-6} \frac{1}{K}$ فرض شود)

۱۰۳ رابطه انبساط طولی را بنویسید و یکای هر یک را نام ببرید.

۱۰۴ با توجه به رابطه بین مقیاس دمایی سلسیوس - کلونین و سلسیوس - فارنهایت توضیح دهید که هر درجه سلسیوس چند درجه کلونین و چند درجه فارنهایت است؟

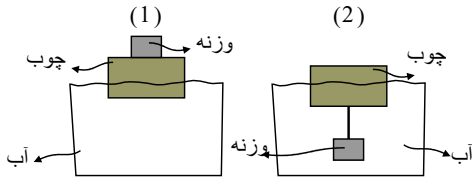
۱۰۵ وزنه‌ای را مطابق شکل درون آب قرار می‌دهیم و جسم در حال تعادل است. اگر در شکل «الف»، نیروسنج W را نشان دهد، عددی که در شکل

«ب» نشان می‌دهد، بیشتر، کمتر یا مساوی W است؟

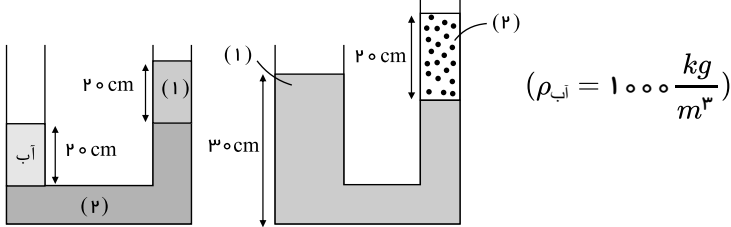




۱۰۶ یک قطعه چوب را روی آب ظرفی قرار می‌دهیم. یک وزنه آهنی را یک بار روی چوب قرار می‌دهیم و یک بار دیگر از زیر چوب آویزان می‌کنیم. پیش‌بینی می‌کنید در کدام تجربه، چوب بیشتر در آب می‌رود؟

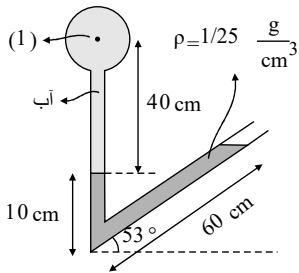


۱۰۷ باتوجه به شکل چگالی مایعات (۱) و (۲) را محاسبه کنید.

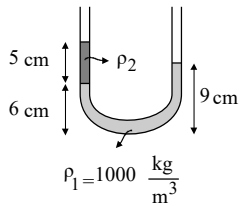


۱۰۸ فشار و فشار پیمانه‌ای در نقطه‌ی (۱) را بیابید.

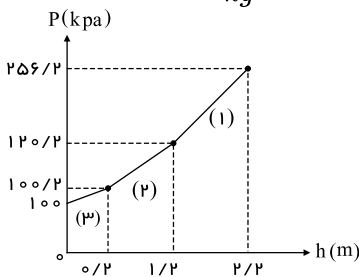
$$(P_0 \approx 10^5 Pa, \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{cm^3}, g \approx 10 \frac{m}{s^2}, \sin 53^\circ = 0.8)$$



۱۰۹ درون لوله U شکلی دو مایع به چگالی ρ_1 و ρ_2 ریخته‌ایم. اگر مایعات درون لوله مطابق شکل باشد و $\rho_1 = 1 \frac{g}{cm^3}$ باشد، چگالی مایع دوم چقدر است؟

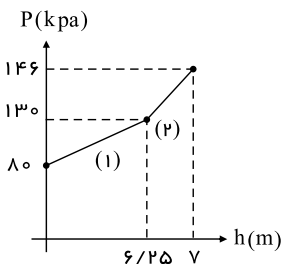


۱۱۰ شکل روبرو نشان‌دهنده‌ی فشار برحسب عمق در داخل ظرفی را نشان می‌دهد. چگالی مایعات را به دست بیاورید. ($g \approx 10 \frac{N}{kg}$)



۱۱۱ شکل روبرو نمودار فشار برحسب عمق در داخل ظرفی شامل آب و روغن را نشان می‌دهد. چگالی مایعات را به دست بیاورید. این مایعات چه هستند؟ ($g \approx 10 \frac{N}{kg}$)

هستند؟



۱۱۲ اختلاف فشار بین بالا و پایین برج ایفل چقدر است؟ ($\rho_{\text{هو}} = 1.2 \frac{kg}{m^3}, g \approx 10 \frac{m}{s^2}$ و ارتفاع برج ایفل برابر $324m$ می‌باشد.)

۱۱۳ فشار ناشی از یک ستون مایع به چه عواملی بستگی دارد؟



۱۱۴ پنجره کلاستان را در نظر بگیرید، در هر طرف شیشه این پنجره، هوا وجود دارد و می‌دانیم که فشار هوا تقریباً برابر با $10^5 Pa$ است. توجیه کنید که چرا شیشه این پنجره را نمی‌شکند.

۱۱۵ اسکیموها برای راه رفتن در برف از کفش‌های بسیار پهنی استفاده می‌کنند، دلیل این پدیده را شرح دهید.

۱۱۶ فرض کنید که دو قطره چکان در اختیار داریم که در یکی روغن با دمای اتاق و در دیگری روغن داغ وجود دارد.

الف) قطره‌های خارج شده از دو قطره چکان چه تفاوتی با یکدیگر دارند؟

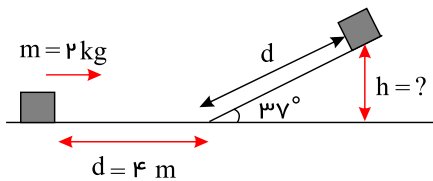
ب) افزایش دما چه تأثیری روی نیروی هم‌چسبی مولکول‌های یک مایع می‌گذارد؟

۱۱۷ نیروی هم‌چسبی و دگرچسبی را تعریف کنید و مثال بزنید. تفاوت و شباهت این دو نیرو را بنویسید.

۱۱۸ جسمی مطابق شکل با تندی اولیه $8m/s$ شروع به حرکت می‌کند بعد از پیمودن چهارمتر به یک سطح شیب‌دار می‌رسد و از آن شروع به

بالا رفتن می‌کند. اگر نیروی اصطکاک که روی سطح شیب‌دار برابر با $4N$ و روی سطح صاف برابر با $5N$ باشد، این جسم حداکثر تا چه ارتفاعی از سطح

شیب‌دار بالا می‌رود؟ ($\sin 37^\circ = \frac{6}{10}$)



۱۱۹ جسمی به جرم $5kg$ از بالای یک بلندی به ارتفاع $40m$ نسبت به زمین سقوط می‌کند. انرژی تلف شده در این سقوط توسط نیروی مقاومت هوا

۲۸ درصد انرژی اولیه است. تندی نهایی جسم را در هنگام برخورد با زمین بیابید. ($g \approx 10m/s^2$)

۱۲۰ شخصی درون آسانسوری قرار دارد و با سرعت ثابت $5m/s$ به سمت بالا حرکت می‌کند. کار نیروی وزن را در مدت $6s$ به دست آورید.

تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی آن در این حرکت چقدر است؟ (جرم شخص $70kg$ است)

۱۲۱ گلوله‌ای به جرم $25g$ با تندی اولیه $600m/s$ به طور افقی شلیک می‌شود. این گلوله به یک دیوار برخورد کرده آن را سوراخ کرده و بتندی

$100m/s$ در همان امتداد از آن خارج می‌شود.

الف) کاری که دیوار انجام می‌دهد چقدر است؟

ب) نیروی متوسط وارده به گلوله چقدر است؟ (فرض کنید قطر دیوار $25cm$ می‌باشد)

۱۲۲ توپی به جرم $1.5kg$ را با $12m/s$ به سمت بالا پرتاب می‌کنیم. اگر تندی توپ به هنگام برگشت $9m/s$ باشد:

الف) کل کاری که روی توپ انجام شده است چقدر است؟

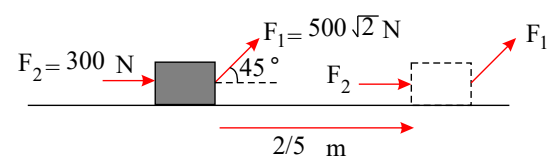
ب) کار نیروی وزن را محاسبه کنید. (در رفت و برگشت)

ج) کار نیروی مقاومت هوا چقدر است؟

۱۲۳ جسمی به جرم $1kg$ تحت تأثیر نیروی افقی $F = 50N$ قرار گرفته و تندی آن از صفر به $7m/s$ می‌رسد. اگر این افزایش سرعت در $6m$

جابه‌جایی افقی رخ داده باشد، کار نیروی اصطکاک چقدر است؟

۱۲۴ دونفر جعبه‌ای را مطابق شکل هل می‌دهند. اگر نیروی اصطکاک جنبشی برابر با $600N$ باشد و جابه‌جایی جعبه $2.5m$ باشد کار کل را حساب



کنید.

۱۲۵ شخصی درون آسانسوری که از حال سکون شروع به حرکت می‌کند قرار دارد. این شخص روی یک ترازو ایستاده است. وزن شخص برابر با

$700N$ است اما ترازوی زیر پای او $840N$ را نشان می‌دهد. اگر این آسانسور مسافت 12 متر را حرکت کند مطلوب است:

الف) آسانسور در چه جهتی حرکت می‌کند؟

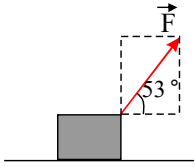
ب) کار نیروی وزن را حساب کنید.

ج) کار نیروی عکس‌العمل سطح را حساب کنید.

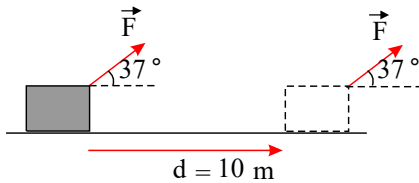
د) کار کل را حساب کنید.



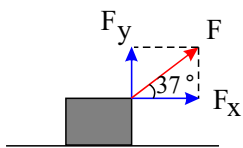
۱۲۶ مطابق شکل نیرویی به جسمی وارد می‌شود و آن را $15m$ جابجا می‌کند. اگر مؤلفهٔ نیرویی که کار انجام نمی‌دهد (کار آن در این جابه‌جایی صفر است) برابر با $80N$ باشد، کار نیروی F را محاسبه کنید. فرم برداری این نیرو و اندازهٔ آن را به دست بیاورید.



۱۲۷ روی سطحی بدون اصطکاک نیروی F به جسمی مطابق شکل وارد می‌شود. اگر در جابجایی $10m$ کاری به اندازهٔ $400J$ توسط نیروی F انجام شده باشد، شکل برداری و اندازهٔ نیروی F را بنویسید.



۱۲۸ در شکل زیر نیروی F به جسمی وارد می‌شود و آن را $10m$ جابجا می‌کند مطلوب است:

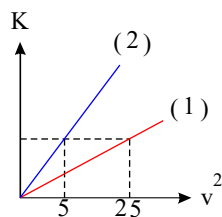


(الف) کدام یک از مؤلفه‌های نیروی F کاری انجام نمی‌دهد؟ چرا؟

(ب) مقدار کار انجام شده روی جسم توسط این نیرو چقدر است؟ (نیروی F)

(ج) اگر اندازهٔ نیروی F ، $50N$ باشد، مقدار مؤلفهٔ نیرویی که کار انجام می‌دهد چقدر است؟

۱۲۹ جسمی توسط نیرویی که با افق زاویهٔ 60° درجه می‌سازد به اندازه $15m$ در راستای افقی جابجا می‌شود. اگر این نیرو برابر با $F = 25N$ باشد، کار این نیرو در خلال این جابجایی چقدر است؟



۱۳۰ نمودار تغییرات انرژی جنبشی بر حسب مربع تندی $(K - v^2)$ برای دو جسم به صورت زیر است. الف) شیب این خطوط را به دست آورید؟

(ب) این شیب متناظر با چه کمیت فیزیکی است؟

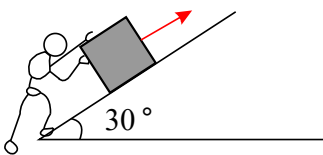
(ج) نسبت جرم جسم یک به جسم دو چقدر است؟

۱۳۱ می‌خواهیم با استفاده از پمپ آبی با توان $800W$ یک تانکر 500 لیتری را که در ارتفاع 10 متری قرار دارد پر کنیم. بازده پمپ 20% درصد است. فرایند پر کردن چقدر طول می‌کشد؟ (چگالی آب $1 \frac{kg}{L}$ است)

۱۳۲ از آبخاری به ارتفاع $100m$ در هر ثانیه $500m^3$ آب پایین می‌ریزد. با فرض اینکه 20% درصد انرژی حاصل از سقوط آب به وسیله‌ی یک توربین به انرژی الکتریکی تبدیل می‌شود، توان خروجی حاصل از این مولد چقدر است؟ (چگالی آب $1000 \frac{kg}{m^3}$ است)

۱۳۳ بازیکنی، توپ بیسبالی را با تندی اولیهٔ $18m/s$ به صورت افقی پرتاب می‌کند و بازیکن دیگر توپ را در همان ارتفاع پرتاب دریافت می‌کند. قبل از برخورد توپ به دست بازیکن گیرنده، تندی توپ $12m/s$ شده است. چقدر کار برای غلبه بر نیروی مقاومت هوا انجام شده است؟ جرم توپ بیسبال $250g$ می‌باشد.

۱۳۴ شخصی جعبه‌ای به جرم $24kg$ را از یک شیب بدون اصطکاک بالا می‌برد کاری که این شخص برای جابه‌جایی 20 متری جعبه انجام می‌دهد را محاسبه کنید.



(فرض کنید که جعبه با سرعت ثابت حرکت می‌کند) ($g \approx 10m/s^2$)

۱۳۵ جسمی به جرم $270kg$ در حال سقوط عمودی است. اگر این جسم $470m$ سقوط کند، کار نیروی وزن چقدر است؟ ($g \approx 10 \frac{m}{s^2}$)

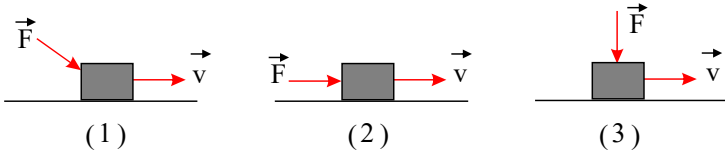
۱۳۶ فرض کنید که جسمی روی زمین ایستاده است و حرکتی ندارد. در مورد کار نیروهای وارده به این جسم چه می‌توان گفت؟

۱۳۷ کارگری کیسه آردی را به جرم $50kg$ را به دوش خود گذاشته و حرکت می‌کند. اگر قد او 180 سانتی‌متر باشد حداقل چه مقدار کار برای جابه‌جا کردن کیسه تا شانهٔ خود انجام داده است؟ (فرض کنید فاصله‌ی زمین تا شانه‌ی کارگر 180 سانتی‌متر است و $g = 10 \frac{m}{s^2}$)



۱۳۸) شخصی با نیروی 50 N دیواری را هل می‌دهد. این شخص چقدر کار انجام داده است؟

۱۳۹) نیروی ثابت F بر یک جعبه متحرک به طریق‌های مختلفی (مطابق شکل) وارد می‌شود. بزرگی کار انجام شده توسط این نیرو بر جعبه را به ترتیب با هم مقایسه کنید؟



۱۴۰) چگالی یخ برابر $0.9 \frac{g}{cm^3}$ می‌باشد. اگر صد گرم آب یخ بزند حجم یخ چند برابر حجم آب می‌شود؟ ($\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{cm^3}$)

۱۴۱) با 180 g مس و 60 cm^3 طلا می‌خواهیم آلیاژی درست کنیم. چگالی این آلیاژ را محاسبه کنید.

۱۴۲) طول ضلع یک مکعب از جنس آلومینیوم ۲ برابر طول ضلع مکعب دیگر از جنس نقره است. اگر چگالی نقره تقریباً چهار برابر چگالی آلومینیوم باشد، نسبت جرمی این دو مکعب را محاسبه کنید.

۱۴۳) چگالی یک تکه آهن را برحسب $\frac{g}{cm^3}$ محاسبه کنید، وقتی که جرم آن 0.50 kg و حجم آن 63 cm^3 می‌باشد. این چگالی بر حسب $\frac{kg}{m^3}$ چقدر است؟

۱۴۴) اگر قطر اتم هیدروژن تقریباً برابر با 1 nm و قطر یک پروتون تقریباً برابر با 1 fm باشد. قطر اتم هیدروژن چند برابر قطر پروتون است؟

۱۴۵) با انتخاب عبارت مناسب از داخل پرانتز، جاهای خالی را پر کنید.

الف) انرژی مکانیکی جسم در حال سقوط (با فرض ناچیز بودن مقاومت هوا) (ثابت/متغیر) است.

ب) اگر جسمی را به سمت بالا پرتاب کنیم انرژی جنبشی در حال بالا رفتن (کاهش/افزایش) می‌یابد.

پ) اگر جسمی را به سمت بالا پرتاب کنیم انرژی پتانسیل گرانشی در حال بالا رفتن (کاهش/افزایش) می‌یابد. (نسبت به زمین)

ت) اگر جسمی را به سمت بالا پرتاب کنیم با فرض ناچیز بودن مقاومت هوا انرژی مکانیکی (ثابت/متغیر) است.

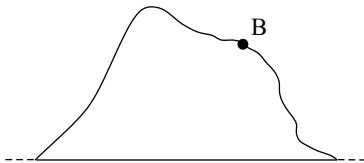
ث) اگر دو چرخه سواری یک سراشیبی را پایین بیاید انرژی جنبشی او (افزایش/کاهش) و انرژی پتانسیل گرانشی او (افزایش/کاهش) می‌یابد. (مبدأ پتانسیل گرانشی زمین صاف است)

۱۴۶) نشان دهید که در تراکم بی‌دررویی گاز آرمانی، دمای گاز افزایش می‌یابد.

۱۴۷) قطعه‌ای سربی به جرم 200 g و دمای 100 درجه سلسیوس را درون ظرفی آلومینیومی به جرم 100 g که حاوی 500 g آب با دمای 20 درجه سلسیوس است، می‌اندازیم. دمای تعادل مجموعه چقدر خواهد شد؟ ($c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg \cdot K}$ و $c_{\text{آلومینیوم}} = 900 \frac{J}{kg \cdot K}$)

$$(c_{\text{سرب}} = 128 \frac{J}{kg \cdot K})$$

۱۴۸) اگر فشار جو در نقطه B برابر $10^4 Pa$ و فشار جو در سطح زمین برابر $10^5 Pa$ باشد، ارتفاع نقطه B از سطح زمین چند متر است؟ (از تغییر چگالی هوا در ناحیه مورد نظر چشم‌پوشی کنید).



$$\left(\rho_{\text{هوا}} = 1.3 \frac{kg}{m^3}, g = 10 \frac{N}{kg} \right)$$

۱۴۹) چگالی آلیاژی برابر است با $10000 \frac{kg}{m^3}$ ، این آلیاژ ترکیبی از دو فلز A و B است. چگالی فلز A ، $5000 \frac{kg}{m^3}$ است و این فلز ۴۰ درصد از کل حجم آلیاژ را شامل می‌شود. چگالی فلز B را حساب کنید.

۱۵۰) چگونه می‌توان به کمک یک ترازوی آشپزخانه و یک شیشه آب‌لیمو به حجم 100 cm^3 ، جرم و حجم یک قطره آب‌لیمو را به دست آورد.

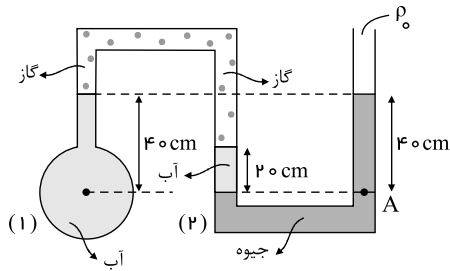


پاسخنامه تشریحی

۱) با انتخاب نقاط هم تراز داریم:

$$P_{(2)} = P_0 + \rho_{\text{جیوه}} gh_{\text{جیوه}} = 10^5 Pa + 13600 \frac{kg}{m^3} \times 10 \frac{m}{s^2} \times 0,4 m$$

$$P_{(2)} = 154,4 kPa$$

 $P_{(2)}$ برابر فشار گاز محبوس درون لوله است.


$$P_{(2)} = \rho_{\text{آب}} g (0,2 m) + P_{(1)} \Rightarrow P_{(1)} = 154,4 kPa - 2 kPa = 152,4 kPa$$

$$P_{(1)} = P_{(2)} + \rho_{\text{آب}} g (0,4) = 152,4 kPa + 4 kPa = 156,4 kPa \rightarrow \text{فشار مطلق}$$

$$P_g = P_{(1)} - P_0 = 156,4 kPa - 100 kPa = 56,4 kPa \rightarrow \text{فشار پیمانه‌ای}$$

۲) با انتخاب دو نقطه‌ی هم‌تراز یکی روی سطح مایع درون لوله و دیگری بیرون لوله و هم ارتفاع با سطح مایع داریم:

$$P_1 = P_2 \Rightarrow P_0 + \rho_{\text{روغن}} gh = P_{(2)}$$

$$\Rightarrow P_{(2)} = 80 \times 10^3 + 800 \frac{kg}{m^3} \times 10 \times 0,2 = 81,6 \times 10^3 Pa = 81,6 kPa \rightarrow \text{فشار گاز درون روغن}$$

۳) فرض کنید که V_A حجم مایع A درون مخلوط و V_B حجم مایع B درون مخلوط است. درون یک کیلوگرم مخلوط داریم:

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho V \Rightarrow 1 kg = 850 \times (V_A + V_B)$$

و همین‌طور یک کیلوگرم از مایع مخلوط به صورت:

$$1000 \frac{kg}{m^3} (V_A) + 600 \frac{kg}{m^3} (V_B) = 1 kg$$

با استفاده از این دو معادله دو مجهول را پیدا می‌کنیم:

$$\begin{cases} 850 (V_A + V_B) = 1 \\ 1000 V_A + 600 V_B = 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 850 V_A + 850 V_B = 1 \\ 1000 V_A + 600 V_B = 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow -\frac{1000}{850} \times (850 V_A + 850 V_B) = 1 \Rightarrow \begin{cases} -1000 V_A - 1000 V_B = -\frac{1000}{850} \\ 1000 V_A + 600 V_B = 1 \end{cases}$$

حالا این دو معادله را با هم جمع می‌کنیم و V_B را پیدا می‌کنیم.

$$\cancel{1000 V_A} - \cancel{1000 V_A} - 1000 V_B + 600 V_B = 1 - \frac{1000}{850}$$

$$\Rightarrow -400 V_B = -\frac{150}{850} \Rightarrow V_B = \frac{15}{85 \times 400} m^3$$

این حجم مایع B است، اما سوال جرم مایع B را بر حسب گرم درخواست کرده، بنابراین:

$$m_B = \frac{15}{85 \times 400} m^3 \times 600 \frac{kg}{m^3} \simeq 0,264 kg \rightarrow \boxed{264g}$$

۴) با توجه به گرمای نهان ویژه تبخیر، یخ به صورت کامل ذوب می‌شود و آب 40° درجه و یخ ذوب شده هر دو به دمای $100^\circ C$ می‌رسند و این گرما را از بخار $100^\circ C$ می‌گیرند.

$$Q_{c_1} = m_{\text{یخ}} C_{\text{یخ}} \Delta \theta_{\text{یخ}} = 20 \times 10^{-3} \times 2100 \times 10 = 4200$$

برای تبدیل یخ $10^\circ C$ به یخ صفر درجه

$$Q_{c_2} = m_{\text{یخ}} L_F = 20 \times 10^{-3} \times 330000 = 6600$$

برای تبدیل یخ صفر به آب صفر درجه

$$Q_{c_3} = m_{\text{آب}} C_{\text{آب}} \Delta \theta_{\text{آب}} = 20 \times 10^{-3} \times 4200 \times 100 = 8400$$

برای تبدیل آب صفر درجه به آب $100^\circ C$



$$Q_{c_p} = m'_{\text{آب}} C_{\text{آب}} \Delta \theta_{\text{آب}} = 60 \times 10^{-3} \times 4200 \times 60 = 15120$$

برای تبدیل آب $40^\circ C$ به آب $100^\circ C$

$$Q_{c_T} = 420 + 6600 + 8400 + 15120 = 30540$$

گرمای مورد نیاز برای رسیدن به دمای $100^\circ C$

$$Q_{c_T} = m' L_V \Rightarrow 30540 = m' \times 2545000$$

$$m' = 12 \times 10^{-3} \text{ kg} = 12 \text{ gr}$$

یعنی ۱۲ گرم از بخار به آب $100^\circ C$ تبدیل می‌شود و نهایتاً ۹۲ گرم آب $100^\circ C$ و ۱۸ گرم بخار $100^\circ C$ خواهیم داشت.

۵

$$W = Fd \cos 0^\circ = Fd \Rightarrow W = (30N)(\Delta m) = 150J \quad (\text{الف})$$

(ب) چون نیروی اصطکاک خلاف جهت جابجایی است بنابراین:

$$W_{\text{اصطکاک}} = f_k d \cos 180^\circ = -f_k d = -(10N)(\Delta m) = -50J$$

(ج) نیروی وزن کاری انجام نمی‌دهد چون عمود بر جابجایی است.

$$W_{\text{وزن}} = 0$$

(د) کل کار انجام شده مجموع کار نیروهای F و نیروی اصطکاک می‌باشد بنابراین:

$$W_{\text{کل}} = 150J - 50J = 100J$$

۶

$$(1) \text{ قایق } \begin{cases} m \\ F \\ v_1 = 0 \\ d \end{cases} \rightarrow \frac{W'_t}{W_t} = \frac{K'_r - K'_1}{K_r - K_1} \xrightarrow{v_1 = v'_1 = 0} \frac{F' d' \cos \theta'}{F d \cos \theta}$$

$$(2) \text{ قایق } \begin{cases} m' = 2m \\ F' = F \\ v'_1 = 0 \\ d' = d \end{cases} = \frac{K'_r}{K_r} \xrightarrow{\theta' = \theta = 0, d' = d} \frac{K'_r}{K_r} = 1 \rightarrow K'_r = K_r$$

پس انرژی جنبشی دو قایق در پایان مسیر یکسان است.

با توجه به رابطه $K = \frac{1}{2} m v^2$ داریم:

$$\frac{K'_r}{K_r} = \frac{m'}{m} \times \left(\frac{v'_r}{v_r}\right)^2 \xrightarrow{m' = 2m, K'_r = K_r} 1 = 2 \times \left(\frac{v'_r}{v_r}\right)^2 \rightarrow \frac{v'_r}{v_r} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$v'_r = \frac{\sqrt{2}}{2} v_r$$

یعنی انرژی جنبشی قایق سنگین‌تر، کم‌تر از انرژی جنبشی قایق سبک‌تر است.

۷ دلیل سوزنی شدن برگ‌ها برای حفظ آب بیشتر برای حیات گیاه است. می‌دانیم که هرچه مساحت برگ بیشتر باشد فرایند تبخیر سطحی از گیاه بیشتر است بنابراین برگ‌های سوزنی در بیابان دوام بیشتری دارند.

۸

$$\Delta L = \alpha_{\text{ساز}} L_1 \Delta T = (12 \times 10^{-6} \frac{1}{K})(1500m)(40^\circ C + 20^\circ C)$$

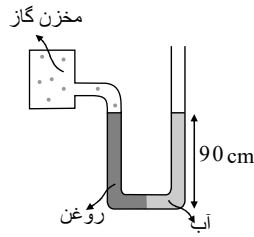
$$= (12 \times 10^{-6} \frac{1}{K})(1500m)(60^\circ C) = 12 \times 10^{-6} \frac{1}{K} \times 1500m \times 60K = 1,08m$$

افزایش طول پل در روزهای گرم تابستان نسبت به روزهای سرد زمستان برابر با یک متر و هشت سانتی‌متر می‌باشد. توجه کنید که در رابطه انبساط طولی ΔT وجود دارد و ΔT در مقیاس

سلسیوس و مقیاس کلوین کاملاً با هم برابرند زیرا هر یک درجه تغییر در مقیاس سلسیوس معادل یک درجه تغییر در مقیاس کلوین است. بنابراین $\Delta T = 60^\circ C$ و $\Delta T = 60K$ کاملاً

معادلند و بسته به واحد α $(\frac{1}{K}, \frac{1}{^\circ C})$ می‌توان از هر کدام استفاده کرد.

۹



در نقطه‌ی به هم رسیدن آب و روغن فشارها باید با هم برابر باشد.

$$P_{\text{آب}} = P_{\text{روغن}} \Rightarrow P_0 + \rho_{\text{آب}}gh = P_{\text{گاز}} + \rho_{\text{روغن}}gh$$

$$\Rightarrow P_{\text{گاز}} = P_0 + gh(\rho_{\text{آب}} - \rho_{\text{روغن}}) = 10^5 Pa + (10 \frac{m}{s^2})(0.9m)(1000 \frac{kg}{m^3} - 800 \frac{kg}{m^3})$$

$$= 10^5 Pa + 1800 Pa = 101800 Pa$$

فشار مطلق گاز $P_{\text{گاز}} = 101800 Pa$

$$P_g = P_{\text{گاز}} - P_0 = 101800 Pa - 100000 Pa = 1800 Pa$$

۱۰ فشار قبل از اینکه جرم M را اضافه کنیم (فرض کردیم که در پیستون بدون جرم است) به این صورت بوده است:

$$h_1 < h_p < h_p \Rightarrow P = \rho_{\text{مایع}}gh + P_0 \Rightarrow P_1 < P_p < P_p$$

چون فشار مایعات فقط به ارتفاع آنها بستگی دارد بنابراین هرچه ارتفاع بیشتر فشار بیشتر. (ارتفاع، فاصله‌ی نقطه‌ی موردنظر تا سطح مایع است).

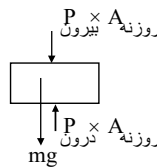
حال اگر جرم M اضافه شود طبق اصل پاسکال تغییر فشار معادل $\frac{Mg}{A}$ (سطح مقطع دو پیستون است) به کل مایع اعمال می‌شود. به‌طور مثال فشار در نقطه‌ی (۱) به‌صورت زیر تغییر می‌کند:

$$P_1 = \rho_{\text{مایع}}gh_1 + P_0 + \frac{Mg}{A} \rightarrow (M \text{ بعد از گذاشتن جرم } M)$$

فشارهای نقاط (۲) و (۳) نیز به همین صورت تغییر می‌کند و کماکان نامساوی $P_1 < P_p < P_p$ برقرار است.

۱۱

نیروهائی که به وزنه وارد می‌شود مطابق شکل است:



این نیروها باید در تعادل باشند تا روزنه سر جای خودش بماند بنابراین داریم:

$$4mm^2 = 4mm^2 \times \frac{1m}{10^3mm} \times \frac{1m}{10^3mm} = 4 \times 10^{-6} m^2$$

$$P_{\text{بیرون}} \times A_{\text{روزنه}} + m_{\text{روزنه}}g = P_{\text{درون}} \times A_{\text{روزنه}} \Rightarrow (1atm)(4 \times 10^{-6} m^2) + (10m/s^2)m_{\text{روزنه}} = (2atm)(4 \times 10^{-6} m^2)$$

$$m_{\text{روزنه}} = \frac{8 \times 10^{-1} - 4 \times 10^{-1}}{10} = \frac{4 \times 10^{-1}}{10} = 4 \times 10^{-2} kg$$

وزنه باید حدود ۴۰g باشد تا سر جای خود بماند.

۱۲ انرژی جنبشی کامیون $\rightarrow K_p$ و انرژی جنبشی ماشین $\rightarrow K_1$

$$K_1 = K_p \Rightarrow \frac{1}{2} m_1 v_1^2 = \frac{1}{2} m_p v_p^2$$

$$\Rightarrow v_1^2 = \frac{m_p}{m_1} v_p^2 \rightarrow v_1 = v_p \sqrt{\frac{m_p}{m_1}} = 35 \frac{m}{s} \times \sqrt{\frac{3600kg}{1200kg}} = 35 \frac{m}{s} \times \sqrt{3} \approx 60.6 \frac{m}{s}$$

۱۳ الف- شیب منحنی تغییرات جرم برحسب حجم مصرف چگالی است و با استفاده از این نکته می‌توان فهمید که $\rho_1 > \rho_p > \rho_p$. اگر اینها روی هم ریخته شوند به شرطی که مخلوط نشوند ته ظرف مایع چگال‌تر جای می‌گیرد. مایع با چگالی ρ_1 روی آن مایع با چگالی ρ_p و در نهایت مایع با چگالی ρ_p که سبک‌ترین مایع می‌باشد.

ب- از آنجایی که سه مایع با حجم برابر در ترکیب وارد شده‌اند می‌توان چگالی مخلوط را با میانگین گرفتن از چگالی مایع‌ها بدست آورد. (البته به شرط عدم تغییر حجم در اثر اختلاط)

$$\rho_{\text{mix}} = \frac{\rho_1 + \rho_p + \rho_p}{3}$$

۱۴ (ب) $2.1 \times 10^5 \mu m$

(الف) $2.97 \times 10^5 \mu m$

(ه) $1.0 \times 10^{-3} nm$

(د) $5.0 \times 10^{-6} km$

(ج) (نانوگرم) $1.0 \times 10^{-3} ng$



۱۵) می‌دانیم که هر کیلومتر معادل ۱۰۰۰ متر و هر ساعت معادل ۳۶۰۰ ثانیه است.

$$108 \frac{km}{h} = (108 \frac{km}{h})(1)(1) = (108 \frac{km}{h}) \frac{1000m}{1km} \frac{1h}{3600s} = 30 \frac{m}{s}$$

۱۶) این نیرو برآیند نیروهای شاره بر جسم پس روبه بالا است.

۱۷) الف) وزش باد (جریان تند هوا) بالای آب دریا و اقیانوس، سبب کاهش فشار هوا می‌شود و همین موضوع به افزایش ارتفاع میانگین امواج دریا کمک می‌کند.

ب) وقتی کامیون در حال حرکت است، فشار هوای روی پوشش برزنتی کاهش می‌یابد و در نتیجه هوای زیر پوشش برزنتی که فشار بیشتری دارد سبب پُف کردن پوشش برزنتی به طرف بالا می‌شود.

۱۸) در حالت شکل الف نیرویی معادل وزن قطعه فلزی، به قطعه چوبی وارد می‌شود در حالی که در حالت شکل ب نیروی شناوری وارد بر قطعه فلزی کمتر از وزن قطعه است و در نتیجه نیروی کل شناوری، کمتر از حالت الف می‌شود. به این ترتیب در حالت الف، قطعه چوبی بیشتر در آب فرو می‌رود.

۱۹) برای تعیین میزان انرژی جنبشی شهاب‌سنگ باید تندی‌اش را بر حسب $\frac{m}{s}$ بدست بیاوریم:

$$m = 1,40 \times 10^4 kg$$

$$v = 12,0 \frac{km}{s} = (12,0 \frac{km}{s})(10^3 \frac{m}{km}) = 12,0 \times 10^3 \frac{m}{s}$$

$$K = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2} \times 1,40 \times 10^4 kg \times (12,0 \times 10^3 \frac{m}{s})^2 = 101 \times 10^{14} J$$

اگر بخواهیم مقایسه‌ای با انرژی آزادشده توسط هر تن TNT داشته باشیم، داریم:

$$\frac{101 \times 10^{14} J}{4,2 \times 10^9 J} = \frac{101}{4,2} \times 10^5 \approx 2,4 \times 10^6$$

یعنی تقریباً انرژی آن معادل دویم میلیون تن TNT بوده است.

۲۰) الف) ابتدا بازده کل را با حاصل ضرب بازده‌های هر مرحله محاسبه می‌کنیم:

$$Ra = \frac{5}{100} \times \frac{90}{100} \times \frac{35}{100} = 1,575 \times 10^{-2}$$

$$Ra \times E_{\text{ورودی}} = P_{\text{مفید}} \times \Delta t \rightarrow 1,575 \times 10^{-2} \times E_{\text{ورودی}} = 100 \times 180 \times 3600$$

$$E_{\text{ورودی}} \approx 411 \times 10^9 J \times \frac{1 MJ}{10^6 J} = 4110 MJ$$

$$\text{حجم گازوئیل مورد نیاز} = \frac{4110 MJ}{35 MJ} \approx 117 lit$$

ب) همان‌طور که مشخص است، برای روشن ماندن یک لامپ ۱۰۰ واتی به مدت ۱۸۰ ساعت، حجم بالایی سوخت باید سوزانده شود.

۲۱) کار کل انجام شده روی اتاقک بالابر (شامل کار نیروی وزن و کار نیروی موتور بالابر) برابر تغییر انرژی جنبشی آن است. به این ترتیب داریم:

$$W_{\text{وزن}} + W_{\text{موتور}} = K_2 - K_1$$

$$-mg(h_2 - h_1) + W_{\text{موتور}} = 0 - 0$$

$$W_{\text{موتور}} = mg(h_2 - h_1) = (500 kg)(9,8 \frac{m}{s^2})(6,0 m - 0) = 29400 J \approx 2,9 \times 10^4 J$$

در محاسبه بالا، مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی را سطح زمین (طبقه همکف) گرفته‌ایم. توان متوسط موتور بالابر برابر است با:

$$\bar{P} = \frac{W_{\text{موتور}}}{\Delta t} = \frac{29400 J}{10 s} \approx 2,9 \times 10^3 W = 3,9 hp$$

۲۲) انرژی جنبشی توپ صرف افزایش انرژی درونی توپ و دست شخص می‌شود.

۲۳) برای تعیین انرژی جنبشی، باید تندی بر حسب $\frac{m}{s}$ باشد:

$$v = 864 \frac{km}{h} \times \frac{10^3 m}{1 km} \times \frac{1 h}{3600 s} = 240 \frac{m}{s}$$

$$K = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2} \times 7,5 \times 10^4 \times (240)^2 = 2,16 \times 10^9 J \quad \left. \begin{array}{l} \\ \\ \end{array} \right\} U > K$$

$$U = mgh = 7,5 \times 10^4 \times 9,8 \times 9,6 \times 10^3 = 7,05 \times 10^9 J$$

۲۴) چون ذکر شده که چقدر از یخ باقی می‌ماند، مجموعه دمای تعادل صفر است. گرمایی که گرماسنج و آب نسبت به دمای تعادل (صفر درجه سلسیوس) دارند برابر است با:

$$Q_1 = Q_{\text{آب}} + Q_{\text{گرماسنج}} = Q_{\text{آب}} = m_{\text{آب}} c_{\text{آب}} \Delta\theta = (0,5 kg)(4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C})(0 - 5^\circ C) = -10500 J$$

$$Q_{\text{گرماسنج}} = C_{\text{گرماسنج}} \Delta\theta = (124 \frac{J}{^\circ C})(0 - 5^\circ C) = -620 J, \quad Q_1 = -10500 J - 620 J = -11120 J$$

گرمایی که یخ می‌گیرد تا به دمای تعادل صفر درجه برسد:

$$Q_{\text{یخ}} = m_{\text{یخ}} c_{\text{یخ}} \Delta\theta = (0,2 kg)(2220)(0 - (-10^\circ C)) = +4440 J$$

میزان گرمایی که صرف آب کردن یخ می‌شود برابر با مجموع گرماسنج داریم:

$$Q = Q_{\text{یخ}} + Q_1 = 4440 J - 11120 J = -6680 J$$



$$Q = -mL_F \Rightarrow -6680 = -m(334 \times 10^3 \frac{J}{kg}) \Rightarrow m = 20 \times 10^{-3} kg$$

۲۰ گرم از یخ ذوب می‌شود و ۱۸۰g از آن باقی می‌ماند.

(۲۵) الف) ظرفیت گرمایی بدن شخص برابر است با:

$$C_{شخص} = m_{شخص} C_{انسان} = (50 kg)(3480 \frac{J}{kg.K}) = 174 \times 10^4 \frac{J}{K}$$

اگر این مقدار گرما از بدن شخص بگیریم دمای بدن او یک درجه کاهش می‌یابد. حال سوال این است که چقدر آب باید تبخیر شود تا دمای آن یک درجه پایین بیاید. داریم:

$$Q = C\Delta\theta, \Delta\theta = 1^\circ C$$

$$Q = mL_V \Rightarrow 174 \times 10^4 J = m(242 \times 10^6 \frac{J}{kg})$$

$$m \approx 0.72 kg = 72g$$

کافی است ۷۲g آب از بدن شخص بخار شود تا دمای او یک درجه پایین آید.

ب) چگالی آب یک است بنابراین این شخص باید ۷۲cm^۳ آب بنوشد.

$$\rho = \frac{m}{V} = \frac{72g}{V}$$

$$V = 72cm^3$$

(۲۶)

$$Q_{آب} + Q_{آلکل} = 0 \Rightarrow m_{آب} c_{آب} (\theta - \theta_{1,آب}) + m_{آلکل} c_{آلکل} (\theta - \theta_{1,آلکل}) = 0$$

$$\theta = \frac{m_{آب} c_{آب} \theta_{1,آب} + m_{آلکل} c_{آلکل} \theta_{1,آلکل}}{m_{آب} c_{آب} + m_{آلکل} c_{آلکل}} = \frac{4(4200)(50) + 7(2400)(20)}{4 \times 4200 + 7 \times 2400} = 35^\circ C$$

(۲۷) رابطه چگالی با دما به صورت مقابل است:

$$\rho_2 = \rho_1 (1 - \alpha \Delta T)$$

$$= 2.7 \frac{g}{cm^3} (1 - 3 \times 23 \times 10^{-3} \frac{1}{K} \times 100K) \approx 2.68 \frac{g}{cm^3}$$

(۲۸)

$$\Delta V_{روغن} = \beta_{روغن} V_1 \Delta T = 0.70 \times 10^{-3} \frac{1}{K} \times 250cm^3 \times 50 = 8.75cm^3$$

$$\Delta V_{ظرف} = \alpha V_1 \Delta T = 3 \times 10 \times 10^{-6} \frac{1}{K} \times 250cm^3 \times 50 = 0.375cm^3$$

با توجه به اینکه $8.75 > 0.375$ بنابراین حتماً روغن زیتون بیرون خواهد ریخت و میزان آن برابر است با:

$$\Delta V_{روغن} - \Delta V_{ظرف} = 8.75cm^3 - 0.375cm^3 = 8.375cm^3$$

(۲۹) رابطه میان دما در مقیاس سلسیوس و کلوین به صورت زیر است:

$$T = \theta + 273.15$$

وقتی که دما در مقیاس سلسیوس برابر $0^\circ C$ و $100^\circ C$ باشد در مقیاس کلوین به ترتیب $273.15K$ و $373.15K$ می‌شود. وقتی که دما در مقیاس کلوین برابر صفر باشد یعنی این که

دما در مقیاس سلسیوس برابر با $273.15^\circ C$ است و این دما حد پائین دماست و کمترین دمای ممکن در طبیعت است. در مورد حد بالای دما می‌توان گفت که حد بالایی وجود ندارد و دما

می‌تواند خیلی زیاد شود مثلاً دمای قارچ انفجار هسته‌ای برابر با $10^7^\circ C$ می‌باشد.

(۳۰) در قسمت اول که جرم را نگذاشته‌ایم فشار در کف ظرف برای هر سه لوله باید برابر می‌شد و چون می‌دانیم که فشار مایع با ارتفاع آن نسبت مستقیم دارد بنابراین ارتفاع مایع در هر سه

شاخه باید برابر می‌شد.

اما بعد از این که پیستون سبک و جرم M را اضافه می‌کنیم فشار در کف هر لوله (با سطح مقطع متفاوت) برابر می‌شود با:

$$P_1 = \frac{Mg}{A_1} + \rho gh_1, \quad A_1 \rightarrow \text{سطح مقطع لوله شماره ۱ است}$$

$$P_2 = \frac{Mg}{A_2} + \rho gh_2, \quad P_3 = \frac{Mg}{A_3} + \rho gh_3$$

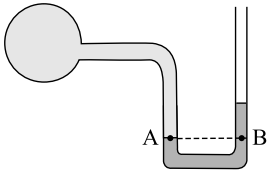
این فشارها در حالت تعادل جدید باید با هم برابر شوند، بنابراین:

$$P_1 = P_2 = P_3 \Rightarrow \frac{Mg}{A_1} + \rho gh_1 = \frac{Mg}{A_2} + \rho gh_2 = \frac{Mg}{A_3} + \rho gh_3$$

با توجه به شکل مشخص است که $A_1 < A_2 < A_3$ بنابراین $\frac{Mg}{A_3} < \frac{Mg}{A_2} < \frac{Mg}{A_1}$ حال چون باید تساوی بالا برقرار باشد. بنابراین:

$$h_3 > h_2 > h_1$$

(۳۱) با توجه به نقاط هم تراز داریم:



$$P_B = P_A$$

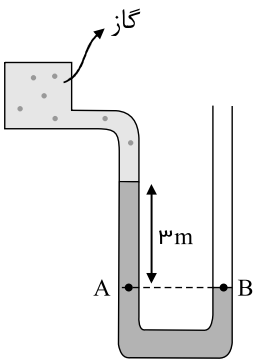
$$P_0 + \rho_{\text{جیوه}} gh_{\text{جیوه}} = P_{(1)} + \rho_{\text{آب}} gh_{\text{آب}}$$

$$P_{(1)} = 10^5 Pa + 13600 \frac{kg}{m^3} \times 10 \frac{m}{s^2} \times 0,1 m - 1000 \frac{kg}{m^3} \times 10 \frac{m}{s^2} \times 0,2 m$$

$$P_{(1)} = 100 kPa + 13,6 kPa - 2 kPa = 111,6 kPa$$

$$P_g = P_{(1)} - P_0 = 111,6 kPa - 100 kPa = 11,6 kPa$$

۳۲ با انتخاب نقاط هم‌تراز داریم:



$$P_B = P_A$$

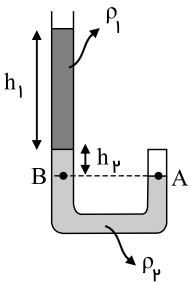
$$P_0 = \rho_{\text{مایع}} gh_{\text{مایع}} + P_{\text{گاز}} \Rightarrow P_{\text{گاز}} = P_0 - \rho_{\text{مایع}} gh_{\text{مایع}}$$

$$\Rightarrow P_{\text{گاز}} = 10^5 Pa - 1000 \frac{kg}{m^3} \times 10 \frac{m}{s^2} \times 3 m = 70 kPa$$

$$P_g = P_{\text{گاز}} - P_0 = 70 kPa - 100 kPa = -30 kPa$$

فشار پیمانه‌ای منفی است و این اصلاً جای تعجب ندارد چون که فشار مخزن می‌تواند از فشار هوا کمتر باشد (باتوجه به شکل کمتر بودن فشار مخزن از فشار هوا واضح است).

۳۳ با انتخاب نقاط هم‌تراز داریم:



$$P_A = P_B$$

$$P_{\text{گاز}} = \rho_{\text{ر}} gh_{\text{ر}} + \rho_{\text{1}} gh_{\text{1}} + P_0$$

$$= 13600 \frac{kg}{m^3} \times 10 \frac{m}{s^2} \times 0,05 m + 1000 \frac{kg}{m^3} \times 10 \frac{m}{s^2} \times 0,9 m + 10^5 Pa$$

$$P_{\text{گاز}} = 6800 Pa + 9000 Pa + 10^5 Pa = 115800 Pa$$

$$P_g = P_{\text{گاز}} - P_0 = 115800 - 100000 Pa = 15800 Pa$$

۳۴ فشار کف لوله متشکل از:

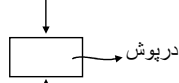
$$P_{\text{کف}} = P_0 + \rho_{\text{جیوه}} gh_{\text{جیوه}} + \rho_{\text{آب}} gh_{\text{آب}}$$

$$\Rightarrow P_0 = P_{\text{کف}} - \rho_{\text{جیوه}} gh_{\text{جیوه}} - \rho_{\text{آب}} gh_{\text{آب}} = 115600 Pa - 13600 \times 10 \times 0,1 Pa - 1000 \times 10 \times 0,2 Pa$$

$$= 115600 Pa - 13600 Pa - 2000 Pa = 100000 Pa = 100 kPa \approx 1 atm$$



$$F_1 = 120 \text{ N} + P_0 A$$



$$F_2 = P_{\text{آب}} \times A$$

الف) چون درپوش سبک است می توان از نیروی وزن آن صرف نظر کرد بنابراین نیروهای وارد به درپوش به صورت شکل می باشد:

برای اینکه درپوش سر جای خود بماند باید نیروهای F_1 و F_2 با هم برابر باشند بنابراین:

$$F_1 = F_2 \Rightarrow 120 + P_0 A = P_{\text{آب}} A$$

$$\Rightarrow P_{\text{آب}} = \frac{120 \text{ N}}{A_{\text{درپوش}}} + P_0 = \frac{120 \text{ N}}{3 \times 10^{-4} \text{ m}^2} + 10^5 \text{ Pa} = 4 \times 10^5 \text{ Pa} + 10^5 \text{ Pa}$$

$$P_{\text{آب}} = 5 \times 10^5 \text{ Pa}$$

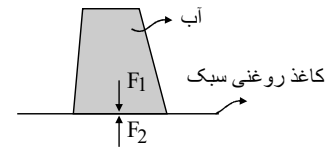
برای قست بعدی سوال کافی است این فشار را با فشار ناشی از ارتفاع h از ستون جیوه، برابر قرار دهیم.

$$5 \times 10^5 \text{ Pa} = \rho_{\text{جیوه}} \times g \times h \Rightarrow h_{\text{جیوه}} = \frac{5 \times 10^5 \text{ Pa}}{13600 \times 10} \approx 3,67 \text{ m}$$

البته می توان گفت که 10^5 Pa برابر با 76 cmHg است بنابراین $5 \times 10^5 \text{ Pa}$ برابر با $5 \times 76 \text{ cmHg}$ است که برابر با 380 cmHg است. این دو روش به جواب های متفاوتی رسیده ایم و دلیل آن این است که یک اتمسفر برابر با $1,013 \times 10^5 \text{ Pa}$ (نه 10^5 Pa) است. برای جواب دادن دقیق تر از روش دوم (380 cmHg) استفاده کنید.

(۳۶)

باتوجه به شکل به کاغذ روغنی دو نیرو وارد می شود (از نیروی وزن کاغذ صرف نظر کرده ایم چون کاغذ خیلی سبک است) نیروهای وارده بر کاغذ روغنی به صورت زیر است:



$$F_1 = (\rho_{\text{آب}} g h_{\text{آب}}) A_{\text{لیوان}} + m_{\text{کاغذ}} g, \quad F_2 = P_0 A_{\text{لیوان}} + F'$$

لیوان A برابر با سطح مقطع لیوان است. تا زمانی که نیروی $F_2 > F_1$ باشد آب از لیوان بیرون نمی ریزد. در اینجا چون ارتفاع آب کم است و وزن آب درون لیوان ناچیز است نیروی F_2 از نیروی F_1 بیشتر است. (دقت کنید که در این جا F' که همان نیروی دگرچسبی بین کاغذ و لبه لیوان است نیز تأثیر (هر چند کم) دارد.

فشار هوا به ارتفاع محل آزمایش از سطح دریا بستگی دارد و هرچه از سطح دریا ارتفاع بگیریم فشار هوا کاهش می یابد.

(۳۷)

(۳۸)

فشار وارد به ته بسته 10 سانتی متر جیوه است $\rightarrow 10 \text{ cm} = 64 \text{ cm} - 54 \text{ cm} = 10 \text{ cm}$

$$P_{\text{ته}} = \rho_{\text{جیوه}} g h_{\text{جیوه}} = 13600 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} (10 \frac{\text{m}}{100}) (9,8 \text{ m/s}^2) = 13600 \text{ Pa}$$

(۳۹) رابطه ی فشار به صورت زیر است:

$$P = \frac{F}{A}, \quad F = mg$$

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho V$$

از طرفی می دانیم که جرم از چگالی به صورت زیر محاسبه می شود:

حجم استوانه و طول h برابر $V = Ah$ (سطح مقطع) است در رابطه ی بالا می گذاریم:

$$m = \rho Ah \rightarrow P = \frac{mg}{A} = \frac{\rho A h g}{A} = \rho h g$$

فشار وارده از استوانه به صورت زیر محاسبه می شود:

$$P = (7870 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3})(1 \text{ m})(10 \frac{\text{m}}{100}) = 78700 \text{ Pa}$$

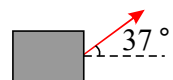
(۴۰) نیروی دگرچسبی زیاد آب باعث می شود که آب درون لوله ی موئین بالا برود. آب تا زمانی بالا می رود که نیروی دگرچسبی آب با نیروی وزن آب درون لوله برابر شود، بنابراین اگر شعاع لوله افزایش یابد ارتفاع استوانه کمتر شود.

(۴۱) توجه کنید که در قسمت زیر لیوان و قسمت بالای لیوان نیروهای بین مولکولی متفاوت هستند. در قسمت زیر ذرات آب علاوه بر ذرات چای باید بر تعداد زیادی مولکول های بزرگ شکر ضربه وارد کنند و چون در قسمت بالا شکر وجود ندارد این دو قسمت کاملاً با هم متفاوت هستند. بنابراین به دلیل وجود نیروهای بین مولکولی متفاوت (به طور میانگین) پخش شدن در بالای لیوان و پائین لیوان با هم متفاوت است و مدت زیادی طول می کشد که چای یکرنگ شود.

(الف) (۴۲)

$$d = v_{\text{آب}} \times t = 7,2 \frac{\text{km}}{\text{h}} \times \frac{1000 \text{ m}}{1 \text{ km}} \times \frac{1 \text{ h}}{3600 \text{ s}} \times 10 \times 60 \text{ s} = 1200 \text{ m}$$

180 N



مسافتی که اسب در مدت 10 دقیقه می پیماید $1,2 \text{ km}$ می باشد.

$$W_{\text{آب}} = (F \cos \theta) d = (180 \text{ N} \times \cos 37) \times (1200 \text{ m}) = 17280 \text{ J}$$

(ب)



$$P = \frac{W}{t} = \frac{172800J}{10 \times 60s} = 288W$$

هر اسب بخار معادل ۷۴۶ وات است، بنابراین:

$$288W = 288 \frac{1hp}{746} \approx 0.39hp$$

۴۳ اگر گلوله در حالتی که مقاومت هوا نباشد به اندازه h_1 و در حالتی که مقاومت هوا باشد به اندازه h_2 بالا برود، با در نظر گرفتن بقای انرژی مکانیکی داریم:

$$\begin{cases} \frac{1}{2}Mv^2 = Mgh_1 \\ \frac{1}{2}Mv^2 = Mgh_2 + v_{r0} \times 10^5 J \end{cases}$$

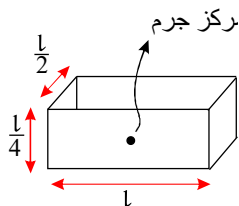
v میزان تندی اولیه جسم است و h_1 مقدار انرژی تلف شده در اثر مقاومت هواست با کم کردن این دو معادله از یکدیگر داریم:

$$Mg(h_2 - h_1) = v_{r0} \times 10^5 J, \quad Mg = 100N$$

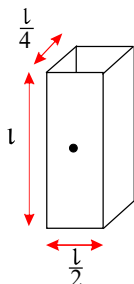
بدون مقاومت هوا گلوله هفت کیلومتر بالاتر می‌رفت $h_2 - h_1 = v_{r0} \times 10^3 m$

۴۴

ابتدا آجر روی بزرگ‌ترین سطح قرار دارد.



ارتفاع مرکز جرم این آجر از زمین برابر با $\frac{l}{8}$ است. (مرکز جرم وسط ارتفاع $\frac{l}{4}$ واقع است.) حال این آجر را عمودی می‌کنیم به صورت شکل در این حالت ارتفاع مرکز جرم از سطح زمین $\frac{l}{2}$ می‌باشد.



در این فرآیند سرعت ابتدا و انتهای آجر برابر صفر است بنابراین: $\Delta K = K_2 - K_1 = 0$

$$W_t = W_{\text{دست}} + W_{\text{وزن}} = \Delta K = 0 \Rightarrow W_{\text{دست}} = -W_{\text{وزن}}$$

$$W_{\text{وزن}} = -\Delta U = -(mgh_2 - mgh_1) = -mg\left(\frac{l}{2} - \frac{l}{8}\right) = -\frac{3}{8}mgl$$

$$W_{\text{دست}} = +\frac{3}{8}mgl \rightarrow \text{کار نیروی دست در این فرآیند}$$

۴۵

$$W = \Delta K = \frac{1}{2}mv_1^2 - \frac{1}{2}mv_0^2 = \frac{1}{2}m(v_1^2 - v_0^2)$$

$$W_{1t} = \frac{1}{2}m(v^2 - 0), \quad v_0 = 0 \rightarrow \text{و تندی ماشین از صفر آغاز شده}$$

$$W_{1t} = \frac{1}{2}mv^2$$

$$W_{rt} = \frac{1}{2}mv_r^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 = \frac{1}{2}m[(rv)^2 - v^2] = \frac{3}{2}mv^2$$

$$\frac{W_{rt}}{W_{1t}} = \frac{\frac{3}{2}mv^2}{\frac{1}{2}mv^2} = 3$$

۴۶ -۱- درست

۲- درست

۳- نادرست

۴- نادرست

۵- درست

۶- نادرست

۴۷ الف) چرخه $P - V$ ساعتگرد $\leftarrow W < 0 \leftarrow Q > 0$ گرما گرفته است.

ب) $Q = 400J \rightarrow W = -400J$

۴۸ چون فرآیند به صورت یک فرآیند انبساطی است، کار انجام شده روی گاز منفی است. بنابراین داریم:



$$\left. \begin{aligned} W = -S = -\frac{(3+2) \times 10^5 \times 2 \times 10^{-3}}{2} = -500J \\ \Delta U = U_f - U_i = 912 - 456 = 456J \end{aligned} \right\} \Rightarrow Q = \Delta U - W = 456 + 500 = 956J$$

چون $Q > 0$ است، گاز گرما گرفته است.

۴۹ الف) با افزایش دما و با افزایش تعداد مول گاز می‌توان در حجم ثابت فشار گاز را افزایش داد. همچنین با کاهش دما و با کاهش تعداد مول گاز می‌توان در حجم ثابت فشار گاز را کاهش داد.

ب) در فرایند هم‌فشار با افزایش دما یا افزایش تعداد مول گاز، می‌توان حجم آن را افزایش داد. همچنین با کاهش دما و یا کاهش تعداد مول گاز، می‌توان در فشار ثابت حجم آن را کاهش داد.

۵۰ در فرایند بی‌دررو گرما بین سیستم و محیط مبادله نمی‌شود، بنابراین تغییرات انرژی درونی برابر با میزان کار مبادله شده است.

$$\Delta U = W = +400J$$

۵۱ تغییر انرژی درونی برای مقدار ثابتی از گاز فقط تابع تغییرات دما می‌باشد. در صورت ثابت بودن دما انرژی درونی نیز بدون تغییر می‌ماند.

۵۲

$$PV = nRT \Rightarrow P_H V_H = n_H R T_H$$

چون گازها وارد مخزن می‌شوند.

$$n_H = \frac{m}{M} = \frac{\lambda}{\mu} = 4 \text{ mol}$$

حجم مخلوط با حجم مخزن برابر است $V_T = V_H$

$$P \times 4 \times 10^{-3} = 4 \times 8 \times 300 \Rightarrow P_H = 24 \text{ atm}$$

$$P_o V_o = n_o R T_o \Rightarrow 12 \times 10^5 \times 3 \times 10^{-3} = 2 \times 8 \times T_o \Rightarrow T_o = 225$$

تعداد مول‌های گاز مخلوط برابر با مجموع مول‌های گازهای اولیه است. بنابراین خواهیم داشت:

$$n_T = n_o + n_H \Rightarrow \frac{P_T V_T}{R T_T} = \frac{P_o V_o}{R T_o} + \frac{P_H V_H}{R T_H} \Rightarrow \frac{P_T \times 4}{300} = \frac{12 \times 3}{225} + \frac{24 \times 4}{300} \Rightarrow P_T = 48 \text{ atm}$$

۵۳ هنگامی که شیر مخزن باز می‌شود نیمی از تعداد مول‌های اولیه گاز خارج می‌شود، بنابراین $n_f = \frac{1}{2} n_1$

$$PV = nRT \Rightarrow R = \frac{PV}{nT} \Rightarrow \frac{P_1 V_1}{n_1 T_1} = \frac{P_f V_f}{n_f T_f}$$

با خارج شدن گاز حجم مخزن تغییر نمی‌کند بنابراین فرایند در حجم ثابت انجام می‌شود.

$$\frac{P_1}{n_1 T_1} = \frac{P_f}{n_f T_f} \Rightarrow \frac{4}{n_1 \times 350} = \frac{P_f}{\frac{n_1}{2} \times 175} \Rightarrow P_f = 1 \text{ atm}$$

۵۴ اگر نمودار $V - T$ یک خط با شیب ثابت و گذرنده از مبدأ باشد، فرایند هم‌فشار است. در این نمودار فشار فرایندها با شیب آنها رابطه عکس دارد. زیرا:

$$\alpha_1 = 37$$

$$\alpha_f = 53 \quad PV = nRT \rightarrow V = \frac{nR}{P} T \Rightarrow \text{شیب نمودار} = \frac{nR}{P} \Rightarrow \text{شیب نمودار} \propto \frac{1}{P}$$

$$\frac{P_1}{P_f} = \frac{\text{شیب نمودار } P_f}{\text{شیب نمودار } P_1} = \frac{\frac{4}{3}}{\frac{16}{9}} = \frac{3}{4}$$

۵۵ در تراکم هم‌فشار، حجم گاز کاهش می‌یابد در نتیجه علامت کار مثبت است.

در فرایند هم‌فشار، کار و گرما مختلف‌العلامت هستند، از طرفی اندازه گرما بیشتر از کار انجام شده است، لذا علامت انرژی درونی، هم‌علامت گرما است یعنی هر دو منفی هستند از طرفی دیگر انرژی درونی تابع تغییرات دما است پس الزاماً دمای سیستم کاهش یافته است.

۵۶ خیر، احتمالاً بالا می‌رود، زیرا ممکن است گرفتن گرما توسط جسم صرف تغییر حالت آن شود.

۵۷ مهندسان باید حداقل به مقدار افزایش طول این بخش‌های بتونی فاصله خالی در نظر بگیرند تا پس از افزایش دما، تاب بردارند.

$$\Delta L = L_1 \alpha \Delta \theta = 25 \times 14 \times 10^{-6} \times 40 \rightarrow \Delta L = 0.14 \text{ m} = 14 \text{ mm}$$

۵۸ (آ) درست (ب) درست (پ) نادرست (ت) درست

۵۹ (آ) بی‌دررو (ب) کاهش (پ) هم‌حجم (ت) گرما

۶۰ فرایند b (سطح محسوس بین نمودار $P - V$ و محور حجم، قدر مطلق کار انجام شده روی گاز است)

۶۱ فرایند a . (در اینجا فرایند a یک فرایند هم‌دما و فرایند b یک فرایند انبساطی بی‌دررو است که در آن دمای گاز کاهش یافته)

۶۲

الف) فرایند (۱) یک فرایند انبساط هم‌فشار است، پس فشار در تمام نقاط آن یکسان است.

$$PV = nRT \quad P \times 4 \times 10^{-3} = 0.5 \times 8 \times 100 \quad P = 10^5 \text{ Pa}$$

ب) فرایند هم‌فشار است.

$$W = -P\Delta V \Rightarrow W = -10^5 (6 - 4) \times 10^{-3} \Rightarrow W = -200J$$

۶۳



| ΔU | Q | W | فرایند / کمیت ← |
|------------|------|------|-------------------|
| | مثبت | | $A \rightarrow B$ |
| صفر | | منفی | $B \rightarrow C$ |
| منفی | | | $C \rightarrow A$ |

در فرایند هم‌حجم AB ، دما افزایش یافته، پس گاز از محیط گرما گرفته، یعنی $Q > 0$ است.
در فرایند هم‌دمای BC ، چون حجم گاز افزایش یافته، گاز منبسط شده و کار روی گاز منفی است.
در فرایند هم‌فشار CA ، چون دما کاهش یافته، انرژی درونی گاز نیز کاهش می‌یابد، یعنی $\Delta U < 0$ است.

۶۴) A : برون‌سوز B : ماشین بخار C : موتور بنزینی

۶۵)

الف) فرایند BC هم‌فشار است.

$$\frac{V_B}{T_B} = \frac{V_C}{T_C} \Rightarrow \frac{1}{200} = \frac{V_C}{500} \Rightarrow V_C = 2,5 \text{ Lit}$$

۶۶)

الف) در فرایند هم‌دمای BC ، دمای نقاط B و C برابرند یعنی $T_B = T_C$ است. پس
 $P_B V_B = nRT_B \Rightarrow 2,5 \times 10^5 \times 10 \times 10^{-3} = 0,5 \times 8 \times T_B \Rightarrow T_{BC} = 625 \text{ K}$ داریم:

ب) $P_B V_B = P_C V_C \Rightarrow 10^5 \times V_B = 2,5 \times 10^5 \times 10 \times 10^{-3} \Rightarrow V_B = 25 \times 10^{-3} = 25 \text{ Lit}$

۶۷) الف) فرایند (۱) هم‌ما و فرایند (۲) بی‌دررو است.

ب) در فرایند (۱)، زیرا سطح زیر نمودار کمتر است. پس در اینجا (مختصات $P - V$) کار روی گاز در فرایند هم‌دما کمتر از بی‌دررو است.

پ) افزایش، زیرا به علت تراکم: $\Delta U = W > 0$ و $\Delta U \propto \Delta T$ ، پس $\Delta T > 0$.

۶۸)

| فرایند | فشار (P) | حجم (V) | انرژی درونی (U) |
|-------------------|--------------|-------------|---------------------|
| $A \rightarrow B$ | ثابت | افزایش | |
| $B \rightarrow C$ | کاهش | | کاهش |
| $C \rightarrow A$ | | کاهش | افزایش |

در فرایند BC که حجم ثابت است، با کاهش فشار، دما و انرژی درونی گاز کاهش می‌یابد.

در فرایند تراکم بی‌درروی CA ، کار روی گاز مثبت است، پس دما و انرژی درونی گاز نیز افزایش می‌یابد.

۶۹) رابطه $3 - 4$ ، فشار جو را برحسب ارتفاع ستون جیوه به ما می‌دهد. با جایگذاری مقادیر داده شده در این رابطه داریم:

$$P = \rho gh = (13600 \text{ kg/m}^3)(9,8 \text{ N/kg})(0,76 \text{ m}) = 101293 \text{ Pa} \approx 1,0 \times 10^5 \text{ Pa}$$

همان‌طور که دیده می‌شود 1 atm تنها اندکی از 1 bar بیشتر است.

۷۰) یکی از ابتکارات معماران قدیم ایرانی، برای جلوگیری از نفوذ آب به داخل سازه‌ها، استفاده از ترکیب خاک رس و آهک بود که از آن به نسبت ۶ به ۴، گلی سفت می‌ساختند و آن را چندین روز ورز می‌دادند. از این گل، که ساروج نامیده می‌شد برای ساختن بناهایی که در معرض آب بودند استفاده می‌کردند. در برخی منابع به استفاده از سفیده تخم‌مرغ در تهیه ساروج نیز، اشاره شده است.

۷۱) به کمک این فعالیت ساده، می‌توان شناختی کلی از نیروی دگرچسبی بین مولکول‌های آب و مولکول‌های کارت به دست آورد. آزمایش نشان می‌دهد که این نیرو بین $0,10$ تا $0,15$ نیوتون است.

۷۲)

$$v_1 = 0, \quad m = 7,2 \times 10^4 \text{ kg}, \quad d = 2,05 \times 10^3 \text{ m}$$

$$v_2 = 70 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

الف)

$$W_t = \Delta K$$

$$W_t = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2) = \frac{1}{2} \times 7,2 \times 10^4 \text{ kg} (70^2 - 0^2) = 1,76 \times 10^8 \text{ J}$$

$$h = 560 \text{ m}, \quad v_3 = 140 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

ب)

$$W_{mg} = -\Delta U = -mg(h_2 - h_1)$$

$$= -7,2 \times 10^4 \text{ kg} \times 9,81 \text{ N/kg} \times 560 \text{ m} = -3,95 \times 10^8 \text{ J}$$

پ) سه نیروی دیگر بر هواپیما اثر می‌کند. ۱- نیروی جلو بر هواپیما (پیش‌رانه $thrust$) ۲- نیروی بالا بر (lift) ۳- نیروی مقاومت هوا ($drag$) که کاری نیروی مقاومت هوا منفی و سایر نیروها

زمانی که هواپیما در حال جلو رفتن و اوج گرفتن است مثبت است.



$$h = 300 \text{ m}, v_1 = 50 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$E_1 = E_2 \Rightarrow K_1 + U_1 = K_2 + U_2$$

سطح زمین را مبدأ پتانسیل گرانشی می‌گیریم بنابراین $U_2 = 0$.

$$\frac{1}{2} m v_1^2 + m \times 9.81 \text{ N/kg} \times 300 \text{ m} = \frac{1}{2} m v_2^2 \Rightarrow v_2 = 91.5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

انرژی جنبشی جسم همواره مقداری مثبت یا صفر است. پرش کتاب در خصوص انرژی پتانسیل، معطوف به انرژی پتانسیل گرانشی است که با جزئیات بیش‌تری بررسی شده است. اما انرژی پتانسیل گرانشی یک سامانه به مبدأ که در نظر می‌گیریم بستگی دارد و می‌تواند مثبت، منفی و یا صفر باشد. توجه کنید همان‌طور که در کتاب نیز توضیح داده شده است کمیته که در فیزیک اهمیت دارد ΔU است نه U .

ابتدا جرم آبی که در هر ثانیه، روی پره‌های توربین می‌ریزد را محاسبه می‌کنیم:

$$Ra \times \frac{W_{mg}}{\Delta t} = P_{\text{توربین}} \rightarrow Ra \times \frac{mg |\Delta h|}{\Delta t} = P_{\text{توربین}}$$

$$\frac{85}{100} \times \frac{m \times 9.8 \times 90}{1} = 200 \times 10^6 \rightarrow 749.7 m = 200 \times 10^6$$

$$m \approx 2.6 \times 10^5 \text{ kg} \xrightarrow{V = \frac{m}{\rho}} V = \frac{2.6 \times 10^5}{10^3} = 260 \text{ m}^3$$

انرژی الکتریکی ورودی به تلمبه برابر است با:

$$E_{\text{ورودی}} = (15000 \text{ W})(1.0 \text{ s}) = 15000 \text{ J} \approx 1.5 \times 10^4 \text{ J}$$

جرم هر لیتر آب دریاچه 1 kg و کار مفید تلمبه برابر است با:

$$E_{\text{خروجی}} = mg(h_2 - h_1) = (20 \text{ kg})(9.8 \frac{\text{N}}{\text{kg}})(15 \text{ m} - 0) = 10290 \text{ J} \approx 1.0 \times 10^4 \text{ J}$$

در محاسبه بالا، مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی را سطح آب دریاچه گرفته‌ایم. درصد بازده تلمبه برابر است با:

$$\text{بازده بر حسب درصد} = \frac{10290 \text{ J}}{15000 \text{ J}} \times 100 \approx 68\%$$

لازم است توجه کنید که بخشی از توان ورودی تلمبه به دلیل اصطکاک آب در حال حرکت با جداری داخلی لوله تلف می‌شود.

(الف) با به‌دست آوردن حجم و جرم قطعه طلا، چگالی را به کمک رابطه $1 - 1$ حساب می‌کنیم. اگر مقدار به‌دست آمده با مقدار درج شده در جدول $1 - 8$ منطبق باشد، می‌توان ادعای ساخته شدن قطعه از طلای خالص را پذیرفت.

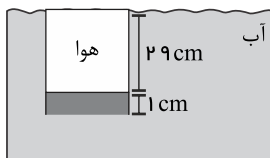
(ب) با استفاده از داده‌های مسئله و رابطه $1 - 8$ داریم:

$$\rho = \frac{m}{V} = \frac{250 \text{ kg}}{1.573 \times 10^{-2} \text{ m}^3} = 15893 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

(پ) چگالی طلا در جدول $1 - 8$ برابر $19300 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ گزارش شده است. همان‌طور که می‌دانید طلای خالص، فلزی نرم و انعطاف‌پذیر است. برای استحکام قطعه‌هایی که از طلا ساخته می‌شوند مقداری از فلزهای مس، نقره، نیکل، پالادیوم و روی با آن مخلوط می‌کنند.

(ت) در فیزیک، مدل صورت ساده شده‌ای از یک دستگاه فیزیکی است که تحلیل آن در شرایط واقعی و با جزئیات کامل، دارای پیچیدگی‌های فراوانی است. مدل آرمانی، ساده‌ترین شکل ممکن برای بررسی یک دستگاه یا پدیده فیزیکی است. برای ساختن یک مدل آرمانی، باید روی مهم‌ترین ویژگی‌های دستگاه تمرکز کنیم و اثرهای جزئی‌تر را نادیده بگیریم.

حالت‌های قبل از فرو رفتن در آب و بعد از فرو رفتن در آب را در نظر می‌گیریم رابطه حجم و فشار گاز کامل را می‌نویسیم:



$$P_1 V_1 = P_2 V_2 \Rightarrow P_0 (A) \left(\frac{3}{10} m \right) = P_2 (A) \left(\frac{29}{100} m \right) \rightarrow \text{سطح مقطع } A$$

$$P_2 = \frac{30}{29} P_0$$

حالا فشار محیط به اضافه فشار ستون آب به ارتفاع 29 cm ، معادل فشار داخل ظرف یعنی P_2 است. بنابراین:

$$P_0 + \rho_{\text{آب}} g \left(\frac{29}{100} \right) = \frac{30}{29} P_0 \Rightarrow 29000 = \frac{P_0}{29} \Rightarrow P_0 = 84100 \text{ Pa}$$

$$\frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2}, \quad \begin{cases} T_1 = (127 + 273)K = 400K \\ T_2 = (327 + 273)K = 600K \\ P_1 = 120 \text{ cmHg} \end{cases}$$



$$P_r = \left(\frac{T_r}{T_1}\right)P_1 = \left(\frac{600K}{300K}\right)(120cmHg) = 240cmHg$$

$$P = \rho_{\text{جیوه}} g h_{\text{جیوه}} = (13600 \frac{kg}{m^3}) (10 \frac{m}{s^2}) (2.4m) = 3.264 \times 10^5 Pa$$

۸۱

$$\begin{cases} P_1 = P_{g_1} + P_0 = 11atm + 1 = 12atm \\ V_1 = 15L \\ T_1 = (273 + 27)K = 300K \end{cases} \quad \begin{cases} P_r = ? \\ V_r = 30L \\ T_r = (273 + 87)K = 360K \end{cases}$$

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_r V_r}{T_r}$$

$$\frac{(12atm)(15L)}{300K} = \frac{P_r (30L)}{360K} \Rightarrow P_r = 7.2atm$$

از آنجا که این فشارسنج فشار پیمانه‌ای را نشان می‌دهد، داریم:

$$P_{gr} = P_r - P_0 = 7.2atm - 1atm = 6.2atm$$

۸۲

$$\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_r}{T_r} \begin{cases} T_1 = (273 + 27)K = 300K \\ T_r = (273 + 97)K = 370K \end{cases}$$

$$\frac{0.3L}{300K} = \frac{V_r}{370K} \Rightarrow V_r = \frac{37}{30} \times 0.3L = 0.37L$$

۸۳ الف) درون این استوانه دما ثابت است. بنابراین:

$$P_1 V_1 = P_r V_r, V_1 = A(24 \times 10^{-2}m), V_r = (30 \times 10^{-2}m)A$$

A ← سطح مقطع استوانه

$$(1atm)(24 \times 10^{-2}m)A = P_r(30 \times 10^{-2}m)A$$

$$P_r = \frac{24}{30}(1atm) = 0.8atm$$

$$P_1 V_1 = P_r V_r \Rightarrow (1atm)(24 \times 10^{-2}m)A = (3atm)(h)A$$

$$h = 8 \times 10^{-2}m = 8cm$$

h ← طول استوانه

۸۴ گرمکن در هر ثانیه ۳۰۰J به آب گرما می‌دهد. این اتفاق برای مدت زیاد می‌افتد ولی آب به جوش نمی‌آید. در این شرایط می‌گوییم این سیستم به حالت پایا رسیده است و آب نیز در هر ثانیه انرژی به محیط می‌دهد.

$$Q = mc\Delta\theta, \Delta\theta = 1^\circ C \Rightarrow Q = (5kg)(4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C})(1^\circ C) = 21000J$$

$$t = \frac{Q}{P} = \frac{21000J}{3000W} = 7s$$

هفتاد ثانیه طول می‌کشد تا دمای آن یک درجه پایین آید.

۸۵

در اینجا نیاز به یک دمای حدسی برای سنجیدن گرماها داریم بهترین انتخاب $0^\circ C$ می‌باشد یعنی فرض کنیم که همه به آب صفر درجه تبدیل شوند. بنابراین داریم:

$$Q_1 = m_{\text{بخار}} L_V + m_{\text{آب معیان}} c_{\text{آب}} \Delta\theta + m_{\text{آب}} c_{\text{آب}} \Delta\theta$$

m معیان ← جرم بخار آبی است که تبدیل به آب صفر درجه شده است.

$$Q_1 = (10 \times 10^{-3}kg)(2256 \times 10^3 \frac{J}{kg}) + (10 \times 10^{-3}kg)(4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C})(100^\circ C - 0)$$

$$+ (60 \times 10^{-3}kg)(4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C})(10^\circ C - 0) = 29280J$$

برای تعیین Q_r میزان گرمایی که لازم است تا یخ به آب با دمای حدسی صفر درجه برسد، داریم:

$$Q_r = m_{\text{یخ}} L_F + m_{\text{یخ}} c_{\text{یخ}} \Delta\theta = (0.2kg)(334 \times 10^3 \frac{J}{kg}) + (0.2kg)(2220 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C})(0 - (-14^\circ C))$$

$$Q_r = 66800J + 6216J = 73016J$$

مشاهده می‌شود که $Q_r > Q_1$ است بنابراین دمای آب همان صفر درجه خواهد شد و فقط بخشی از یخ آب می‌شود داریم:

$$Q_r = m_{\text{یخ}} c_{\text{یخ}} \Delta\theta = (0.2kg)(2220 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C})(0 - (-14^\circ C)) = 6216J$$

$$Q_1 - Q_r = 29280J - 6216J = 23064J$$

پس مقدار گرمای $23064J$ صرف ذوب کردن بخشی از یخ می‌شود داریم:

$$Q = mL_F \Rightarrow 23064J = m_{\text{آب شده}} (334 \frac{J}{kg}) \Rightarrow m_{\text{آب شده}} \approx 69g$$



$$\left. \begin{array}{l} \text{بخ} \rightarrow 131g \\ \text{آب} \rightarrow 139g \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{نمای} \\ \text{تعادل} \end{array} \rightarrow \text{ } ^\circ C$$

۸۶ گرمای لازم برای تبدیل کردن یخ صفر درجه به بخار صد درجه برابر است با:

$$\begin{aligned} Q_{\text{ک}} &= m_{\text{ج}} L_F + m_{\text{آب}} c_{\text{آب}} \Delta\theta + m_{\text{آب}} L_V \\ &= (0,5kg)(334 \times 10^3 \frac{J}{kg}) + (0,5kg)(4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C})(100^\circ C - 0) + (0,5kg)(2256 \times 10^3 \frac{J}{kg}) \\ &= 167 \times 10^3 J + 210 \times 10^3 J + 1128 \times 10^3 J = 1505 \times 10^3 J \end{aligned}$$

حال این گرما توسط گرماده تأمین می‌شود، بنابراین برای تعیین زمان لازم داریم:

$$P = \frac{Q}{t} \Rightarrow t = \frac{Q}{P} = \frac{1505 \times 10^3 J}{2000 W} = 752,5 s$$

$$t = \frac{752,5}{\frac{625}{1000}} = 1204 s$$

۸۷ فرایند تبخیر سطحی از الکل سریع‌تر از آب انجام می‌گیرد. مخصوصاً در جایی که دمای اتاق مقدار بالایی را داشته باشد. پیوندهای مولکولی الکل از پیوندهای مولکولی آب ضعیف‌تر است و مولکول‌های آن راحت‌تر از سطح الکل می‌توانند فرار کنند بنابراین الکل زودتر از آب تبخیر می‌شود.

۸۸ ابتدا باید نقره را گرم کنیم تا به دمای ذوب خود برسد داریم:

$$Q_1 = m_{\text{نقره}} c_{\text{نقره}} \Delta\theta = (0,5kg)(236 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C})(96^\circ C - 0^\circ C)$$

$$Q_1 = 113280 J$$

بعد از رسیدن نقره به دمای ذوب باید به آن گرما دهیم تا کاملاً ذوب شود و گرمای لازم برابر است با:

$$Q_2 = m_{\text{نقره}} L_F = (0,5kg)(88,3 \times 10^3 \frac{J}{kg}) = 44150 J$$

گرمای لازم برای ذوب کردن ۰٫۵ کیلوگرم نقره $^\circ C$ برابر است با:

$$Q_{\text{ک}} = Q_1 + Q_2 = 113280 J + 44150 J = 157430 J$$

۸۹ در اینجا عمل تبخیر از آب گرما می‌گیرد (و باعث می‌شود مقداری آب بخار شود)

$$Q = -m_1 L_V = -m_1 (2490 \times 10^3 \frac{J}{kg})$$

$m_1 \leftarrow$ وزن آب بخار شده

$$Q = -m_2 L_F = -(1kg - m_1)(333,7 \times 10^3 \frac{J}{kg}) \rightarrow \text{علامت منفی فرایند گرماگیر}$$

$(1kg - m_1) \leftarrow$ وزن آب باقی‌مانده

$$m(2490 \times 10^3 \frac{J}{kg}) = (1 - m)(333,7 \times 10^3 \frac{J}{kg})$$

$$m = \frac{333,7 \times 10^3 \frac{J}{kg}}{2823,7 \times 10^3} \approx 0,118 kg$$

بخار شدن ۱۱۸ گرم آب از روی سطح چاله باعث می‌شود که ۸۸۲g آب باقی‌مانده یخ بزند.

۹۰ در اینجا میعان رخ می‌دهد، بنابراین داریم:

$$Q = -m L_V = -(150 \times 10^{-3} kg)(2490 \times 10^3 \frac{J}{kg}) = -37,35 \times 10^4 J$$

۹۱

$$Q = m L_V = (0,5kg)(2454 \times 10^3 \frac{J}{kg}) = 12,27 \times 10^5 J$$

۹۲ کاهش فشار باعث می‌شود که آب در دمای کمتر از دمای $100^\circ C$ به جوش بیاید. مثلاً اگر شما یک لیوان چای گرم را درون محفظهٔ پمپ خلاء بگذارید و پمپ را روشن کنید چای شروع

به جوشیدن خواهد کرد. افزایش فشار باعث می‌شود که آب در دمای بالاتر از $100^\circ C$ به جوش آید. دیگ زودپز با افزایش فشار باعث می‌شود که آب درون دیگ بیشتر از $100^\circ C$ شود و غذا زودتر پخته شود.

۹۳ Q_1 و Q_2 مربوط به گرمای آب وجود داشته و آب اضافه شده است. $Q_{\text{گرماینج}} + Q_1 + Q_2 = 0$

$$C_{\text{گرماینج}}(\theta - \theta_1) + m_1 c_{\text{آب}}(\theta - \theta_1) + m_2 c_{\text{آب}}(\theta - \theta_2) = 0$$

$$\left(\frac{380}{k}\right)(37,6^\circ C - 25^\circ C) + m_1(4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C})(37,6^\circ C - 25^\circ C) + m_2(4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C})(37,6^\circ C - 50^\circ C) = 0$$

$$4788 + 5292 m_1 - 5208 m_2 = 0$$

$$\begin{array}{l} \text{ساده سازی} \\ \rightarrow 114 + 126 m_1 - 124 m_2 = 0 \\ \text{تقسیم به ۲} \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{ساده سازی} \\ \rightarrow 57 + 63 m_1 - 62 m_2 = 0 \\ \text{تقسیم به ۲} \end{array}$$

با در نظر گرفتن دستگاه معادلهٔ مقابل داریم:



$$\begin{cases} 63 \cdot m_1 - 62 \cdot m_2 + 57 = 0 \\ m_1 + m_2 = 1,1 \end{cases} \Rightarrow m_1 = 0,5 \text{ kg}, m_2 = 0,6 \text{ kg}$$

به دست می آید. معادله دوم را از صورت مسئله نوشته ایم.

۹۴

$$Q_{\text{آب}} + Q_{\text{گرمسنج}} = 0$$

$$C_{\text{گرمسنج}}(\theta - \theta_{1\text{گرمسنج}}) + m_{\text{آب}}c_{\text{آب}}(\theta - \theta_{\text{آب}}) = 0$$

$$m_{\text{آب}} = \frac{C_{\text{گرمسنج}}(\theta_{\text{گرمسنج}} - \theta)}{c_{\text{آب}}(\theta - \theta_{1\text{آب}})} = \frac{(200 \frac{J}{K})(20^\circ C - 45,2^\circ C)}{(4200 \frac{J}{\text{kg} \cdot ^\circ C})(45,2^\circ C - 50^\circ C)}$$

$$m_{\text{آب}} = \frac{5040}{20160} = \frac{1}{4} \text{ kg} = 250 \text{ g}$$

۹۵

$$Q_{\text{آب}} + Q_{\text{آلومینیوم}} = 0 \Rightarrow m_{\text{آب}}c_{\text{آب}}(\theta - \theta_{1\text{آب}}) + m_{\text{آلومینیوم}}c_{\text{آلومینیوم}}(\theta - \theta_{1\text{آلومینیوم}}) = 0$$

$$(1 \text{ kg})(4200 \frac{J}{\text{kg} \cdot ^\circ C})(\theta - 50^\circ C) + (2 \text{ kg})(900 \frac{J}{\text{kg} \cdot ^\circ C})(\theta - 20^\circ C) = 0$$

$$\theta = \frac{4200 \times 50 + 1800 \times 20}{4200 + 1800} = 41^\circ C$$

۹۶ آب گرم گرما آزاد کرده و فلز سردتر گرما را جذب می کند. بنابراین جمع جبری Q ها صفر است داریم:

$$Q_{\text{آب}} + Q_{\text{فولاد}} = 0 \Rightarrow m_{\text{آب}}c_{\text{آب}}(\theta - \theta_{\text{آب}}) + m_{\text{فولاد}}c_{\text{فولاد}}(\theta - \theta_{\text{فولاد}}) = 0$$

$$\Rightarrow \theta(m_{\text{آب}}c_{\text{آب}} + m_{\text{فولاد}}c_{\text{فولاد}}) = m_{\text{آب}}c_{\text{آب}}\theta_{\text{آب}} + m_{\text{فولاد}}c_{\text{فولاد}}\theta_{\text{فولاد}}$$

$$\Rightarrow \theta = \frac{m_{\text{آب}}c_{\text{آب}}\theta_{\text{آب}} + m_{\text{فولاد}}c_{\text{فولاد}}\theta_{\text{فولاد}}}{m_{\text{آب}}c_{\text{آب}} + m_{\text{فولاد}}c_{\text{فولاد}}} = \frac{0,2 \times 4200 \times 80 + 0,1 \times 450 \times 20}{0,2 \times 4200 + 0,1 \times 450}$$

$$\theta = \frac{68100}{885} \approx 77,0^\circ C$$

۹۷

$$n = \frac{m}{M} = \frac{200 \text{ g}}{28 \frac{\text{g}}{\text{mol}}} \approx 7,14 \text{ mol}$$

$$\text{تعداد اتمها} = 7,14 \times 6,02 \times 10^{23} \approx 43 \times 10^{23}$$

۹۸

$$Q = mc\Delta\theta \Rightarrow Pt = mc\Delta\theta \Rightarrow t = \frac{mc\Delta\theta}{P} = \frac{(10^{-3} \text{ kg})(134 \frac{J}{\text{kg} \cdot ^\circ C})(2125^\circ C)}{100} \Rightarrow t \approx 2,85 \text{ s}$$

۹۹ افزایش حجم ظرف برابر است با:

$$\Delta V_{\text{ظرف}} = V_{\text{ظرف}}\alpha\Delta T = (10 \text{ L})(3 \times 17 \times 10^{-6} \frac{1}{K})(50 \text{ K}) = 0,2555 \text{ L}$$

حال فرض می کنیم که 10 L بنزین درون ظرف ریخته ایم محاسبه می کنیم که چقدر بنزین از ظرف بیرون می ریزد. داریم:

$$\Delta V_{\text{بنزین}} = V_{\text{بنزین}}\beta\Delta T = (10 \text{ L})(1,00 \times 10^{-3} \text{ K})(50 \text{ K}) = 0,5 \text{ L}$$

$$\text{میزان بنزین بیرون ریخته} = 0,5 \text{ L} - 0,2555 \text{ L} = 0,2445 \text{ L}$$

بنابراین میزان بنزینی که باید درون ظرف بریزیم تا ظرف پر از بنزین شود و بنزین بیرون نریزد برابر است با:

$$10 \text{ L} - 0,2445 \text{ L} = 9,7555 \text{ L}$$

۱۰۰ اتمها در جامد از دیدگاه میکروسکوپی در حدود مکان تعادل خود نوسان می کنند. اگر جامد را گرم کنیم فاصله متوسط بین انتها افزایش می یابد و در نتیجه جامد منبسط می شود. در مایعات با افزایش دما حرکت کاتوره های مولکول های مایع افزایش پیدا می کند و این باعث می شود که مولکولها از یکدیگر دورتر شوند بنابراین مایع منبسط می شود.

۱۰۱ برای اینکه این اختلاف طول ثابت بماند، باید به ازای تغییر دمای یکسان، همواره تغییر طول آنها با هم برابر باشد. یعنی:

$$\Delta L_{\text{سرب}} = \Delta L_{\text{آلومینیوم}} \Rightarrow \alpha_{\text{آلومینیوم}} L_{\text{آلومینیوم}} \Delta T = \alpha_{\text{سرب}} L_{\text{سرب}} \Delta T$$

$$\Rightarrow L_{\text{سرب}} = \frac{\alpha_{\text{آلومینیوم}} L_{\text{آلومینیوم}}}{\alpha_{\text{سرب}}} = \frac{23 \times 10^{-6} \frac{1}{K}}{29 \times 10^{-6} \frac{1}{K}} \times \frac{58}{100} m$$

$$\Rightarrow L_{\text{سرب}} = \frac{23}{29} \times 0,58 = 0,46 \text{ m}$$

اگر طول میله سربی چهل و شش سانت انتخاب شود اختلاف طول آنها در هر دمایی برابر است.



$$\Delta L = \alpha_{\text{سربی}} L_1 \Delta T = (29 \times 10^{-6} \frac{1}{K})(1m)(130K) = 0.00377m$$

طول میله سربی حدود $4mm$ کاهش پیدا می‌کند.

۱۰۳ رابطه انبساط طولی به صورت $\Delta L = \alpha L_1 \Delta T$ است که در SI یکای ΔL و L_1 برحسب متر (m) است و یکای ΔT برحسب کلوین (K) یا درجه سلسیوس ($^{\circ}C$) می‌باشد و

یکای α می‌تواند $\frac{1}{K}$ یا $\frac{1}{^{\circ}C}$ باشد.

۱۰۴ رابطه بین مقیاس دمایی سلسیوس و کلوین به این صورت است:

$$T = \theta + 273.15$$

و رابطه بین مقیاس دمایی سلسیوس و فارنهایت به این صورت:

$$F = \frac{9}{5}\theta + 32$$

با توجه به روابط بالا تغییرات یک درجه‌ای در مقیاس‌های کلوین و سلسیوس با هم برابر است یعنی:

$$\Delta T = \Delta \theta$$

به این معنی که یک درجه دما به کلوین زیاد یا کم شود، یک درجه نیز دما به سلسیوس زیاد یا کم می‌شود اما در مورد مقیاس دمایی فارنهایت این طور نیست. داریم:

$$\Delta F = \frac{9}{5}\Delta \theta$$

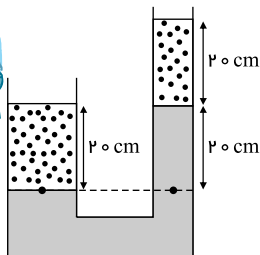
یعنی اگر یک درجه دما برحسب سلسیوس زیاد یا کم شود، $\frac{9}{5}$ درجه دما برحسب فارنهایت زیاد یا کم می‌شود.

۱۰۵ بدیهی است که در شکل «ب» به دلیل وجود نیروی F_b که رو به بالا به جسم وارد می‌شود، نیروسنج در شکل «ب» عدد کوچک‌تری را نمایش می‌دهد.

۱۰۶ تفاوت این دو آزمایش در این است که در شکل (۱) نیروی وزن وزنه‌ی آهنی چوب را درون آب فرو می‌کند اما در شکل (۲) اختلاف نیروهای وزن وزنه و نیروی شناوری وزنه است که

چوب را درون آب فرو می‌کند. مشخص است که نیروئی که وزنه را درون آب فرو می‌کند در شکل (۲) چوب کمتر است بنابراین در شکل (۲) کمتر درون آب فرو می‌رود و در شکل (۱) بیشتر.

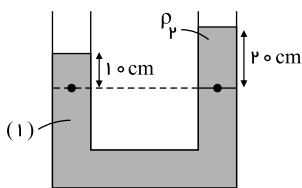
۱۰۷ با انتخاب سطح‌های هم تراز مناسب از هر شکل یک معادله به دست می‌آید و در آخر با حل دو معادله دو مجهول چگالی‌ها را به دست می‌آوریم:



$$\text{(از شکل سمت چپ)} \rightarrow \rho_{\text{آب}} g h_{\text{آب}} = \rho_2 g h_2 + \rho_1 g h_1$$

$$\Rightarrow 1000 \frac{kg}{m^3} \times 10 \frac{m}{s^2} \times 0.2m = \rho_2 (10 \frac{m}{s^2})(0.2m) + \rho_1 (10 \frac{m}{s^2})(0.2)$$

$$\Rightarrow \rho_1 + \rho_2 = 1000 \rightarrow \text{معادله‌ی اول}$$



$$\text{از شکل سمت راست} \rightarrow \rho_1 g h_1' = \rho_2 g h_2' \Rightarrow \rho_1 (10 \frac{m}{s^2})(0.1) = \rho_2 (10 \frac{m}{s^2})(0.2)$$

$$\rho_1 = 2\rho_2 \rightarrow \text{معادله‌ی دوم}$$

دستگاه معادلات به صورت زیر است:

$$\begin{cases} \rho_1 + \rho_2 = 1000 \\ \rho_1 = 2\rho_2 \end{cases} \Rightarrow \rho_1 + \frac{1}{2}\rho_1 = 1000 \Rightarrow \frac{3}{2}\rho_1 = 1000 \Rightarrow \begin{cases} \rho_1 = \frac{2000}{3} \frac{kg}{m^3} \\ \rho_2 = \frac{1000}{3} \frac{kg}{m^3} \end{cases}$$

۱۰۸ می‌دانیم که برای تعیین فشار ناشی از مایعات، به فاصله قائم سطح مایع تا نقطه تراز که در نظر می‌گیریم، نیاز داریم. ارتفاع عمودی ستون کنج برابر است با:

$$h_{\text{عمودی}} = 60cm \times \sin 53^{\circ} = 60 \times 0.8 = 48cm$$

با انتخاب سطح تراز در انتهای ستون‌ها داریم:

$$P_0 + \rho_{\text{مایع}} \times g \times h_{\text{عمودی}} = \rho_{\text{مایع}} \times g \times 0.1m + \rho_{\text{آب}} \times g \times 0.4 + P_{(1)}$$

$$P_{(1)} = P_0 + \rho_{\text{مایع}} \times g (h_{\text{عمودی}} - 0.1) - \rho_{\text{آب}} \times g \times 0.4$$

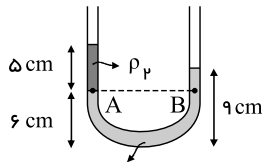


$$P_{(1)} = 100kPa + 1250 \frac{kg}{m^3} \times 10 \frac{m}{s^2} \times (0,38m) - 1000 \frac{kg}{m^3} \times 10 \frac{m}{s^2} \times 0,4$$

$$P_{(1)} = 100kPa + 47,5kPa - 4kPa = 100,75kPa$$

$$P_g = P_1 - P_0 = 100,75kPa - 100kPa = 0,75kPa$$

فشار در ارتفاع‌های برابر در یک مایع ساکن، برابر است (اصل پاسکال) بنابراین کافی است که دو نقطه‌ی مشخص شده در شکل فشارها را حساب کرده و برابر بگذاریم بنابراین:



$$\rho_1 = 1000 \frac{kg}{m^3}$$

$$P_A = P_B$$

$$\rho_2 g \left(\frac{\Delta}{100} \right) = \rho_1 g \left(\frac{3}{100} \right) \Rightarrow \rho_2 (\Delta) = 1000 \times 3 \Rightarrow \rho_2 = 600 \frac{kg}{m^3}$$

این نمودار متشکل از سه خط با شیب‌های متفاوت می‌باشد. بنابراین سه مایع با چگالی‌های مختلف درون ظرف داریم. می‌دانیم که شیب خطوط برابر با ρg است. بنابراین:

$$\text{شیب خط (۳)} = \frac{(100,2 - 100) \times 10^3}{0,2 - 0} = \frac{0,2 \times 10^3}{0,2} = 10^3 \Rightarrow \rho_3 g \Rightarrow \rho_3 = 1000 \frac{kg}{m^3}$$

$$\text{شیب خط (۲)} = \frac{(120,2 - 100,2) \times 10^3}{1,2 - 0,2} = \frac{20000}{1} = 20000 \Rightarrow \rho_2 g \Rightarrow \rho_2 = 2000 \frac{kg}{m^3}$$

$$Z_3 = \frac{(256,2 - 120,2) \times 10^3}{2,2 - 1,2} = \frac{136000}{1} = 136000 \Rightarrow \rho_3 g \Rightarrow \rho_3 = 13600 \frac{kg}{m^3}$$

110

شیب خطوط ρg را به دست می‌دهد:

$$\text{شیب خط (۱)} = \frac{(130 - 80) \times 10^3}{6,25 - 0} = \frac{50}{6,25} \times 10^3 = 8 \times 10^3$$

$$\text{روغن (۱)} = \rho_1 g \Rightarrow \rho_1 = 800 \frac{kg}{m^3}$$

$$\text{شیب خط (۲)} = \frac{(146 - 130) \times 10^3}{7,85 - 6,25} = 10 \times 10^3$$

$$\text{آب (۲)} = \rho_2 g \Rightarrow \rho_2 = 1000 \frac{kg}{m^3}$$

(ارتفاع نسبت به کف ظرف گرفته شده است.)

چون در ارتفاع کمی از سطح زمین هستیم تقریباً می‌توان گفت که فشار هوا با ارتفاع خطی رفتار می‌کند و داریم:

$$P_{\text{سر}} = P_{\text{کف}} + \rho_{\text{هوا}} gh \Rightarrow P_{\text{سر}} - P_{\text{کف}} = \rho_{\text{هوا}} gh$$

$$= \left(1,2 \frac{kg}{m^3} \right) \left(10 \frac{m}{s^2} \right) (324m) = 3240 Pa$$

با استفاده از رابطه $P = P_0 + \rho gh$ متوجه می‌شویم که فشار ناشی از یک ستون مایع به چگالی مایع، ثابت گرانشی و ارتفاع ستون مایع بستگی مستقیم دارد. می‌توان g را ثابت در

نظر گرفت (g با زیاد شدن ارتفاع از سطح زمین کاهش می‌یابد ولی می‌توان در یک ارتفاع ثابت بود و g در این صورت ثابت است). بنابراین در یک ارتفاع معین از سطح زمین، فشار ستون مایع فقط به ارتفاع ستون مایع و چگالی آن بستگی دارد.

چون هوا در دو طرف شیشه وجود دارد بنابراین از دو طرف به این شیشه نیرو وارد می‌شود که اثر یکدیگر را خنثی می‌کنند. اگر در یک طرف شیشه خلاء باشد فقط از یک طرف نیرو به این شیشه وارد می‌شود و شیشه را می‌شکند.

سطح مقطع کفش زیاد باشد طبق رابطه $P = \frac{F}{A}$ هرچه A بیشتر باشد فشار کمتر می‌شود و بنابراین پای شخص کمتر در برف فرو می‌رود و باعث راحت حرکت کردن می‌گردد.

الف) قطره‌های روغن در دمای اتاق درشت‌تر از قطره‌های روغن داغ است.

ب) افزایش دما باعث می‌شود که نیروی هم‌چسبی بین مولکول‌های مایع ضعیف شود بنابراین کشش سطحی مایع کاهش می‌یابد. در قسمت الف روغن داغ نیروی کشش سطحی ضعیف‌تری دارد بنابراین قطرات کوچک‌تری تشکیل می‌دهد.

نیروی هم‌چسبی نیروی بین مولکولی کوتاه‌بردی است که بین مولکول‌های مایع همسان وجود دارد. نیروی کشش سطحی مثالی از نیروی هم‌چسبی است.

نیروی دگرچسبی نیروی بین مولکولی کوتاه‌بردی است که بین مولکول‌های دو ماده‌ی مختلف وجود دارد. ترشوندگی ظرف توسط آب مثالی از نیروی دگرچسبی می‌باشد.

شبهات این دو نیرو این است که هر دو جاذبه هستند و تفاوت این‌ها این است که نیروی دگرچسبی جاذبه‌ی بین دو ماده‌ی مختلف (ذرات ناهمسان) است اما نیروی هم‌چسبی جاذبه بین ذرات همسان می‌باشد.

111

شیب $f =$ نیروی اصطکاک روی سطح شیب‌دار

صاف $f =$ نیروی اصطکاک روی سطح صاف



$$d = \frac{h}{\sin 37^\circ}$$

$$W_f = -f_{\text{مقاومت}} \times d - f_{\text{شیب}} \times \frac{h}{\sin 37^\circ} = -5N \times 4m - 4N \times h \times \frac{10}{6} = -20J - \frac{40}{6}h$$

$$E_1 = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}(2kg)(4m/s)^2 = 64J, \quad E_2 = mgh = (2kg)(10m/s^2)h = 20h$$

$$W_f = E_2 - E_1 \Rightarrow -20 - \frac{40}{6}h = 20h - 64J \Rightarrow h(20 + \frac{40}{6}) = 44$$

$$\Rightarrow h = \frac{264}{160} = 1,65$$

۱۱۹ اگر سطح زمین را مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی فرض کنیم، داریم:

$$K_1 = U_2 = 0, \quad W_f = -0,28E_1$$

$$W_f = E_2 - E_1 \quad W_f = -\frac{28}{100}(\Delta kg)(10m/s^2)(40m) = -560J$$

$$\Rightarrow E_2 = \frac{1}{2}(\Delta kg)(v^2), \quad E_1 = mgh = (\Delta kg)(10m/s^2)(40m) = 2000J$$

$$\Rightarrow -560J = \frac{1}{2}(\Delta kg)v^2 - 2000 \Rightarrow v^2 = 576 \Rightarrow v = 24m/s$$

۱۲۰

$$W_{\text{وزن}} = -mgh, \quad h = vt = (\Delta m/s)(6s) = 30m \rightarrow \text{حرکت با سرعت ثابت}$$

$$\Rightarrow W_{\text{وزن}} = -(70kg \times 10 \frac{m}{s^2}) \times (30m) = -21000J$$

$$\Delta U = mg(h_2 - h_1), \quad h_1 = 0, \quad h_2 = 30m$$

$$\Rightarrow \Delta U = (70kg \times 10 \frac{m}{s^2})(30m) = +21000J$$

۱۲۱ (الف)

$$W = \Delta K = \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 = \frac{1}{2}(\frac{25}{1000}kg)(100^2 - 600^2)$$

$$W = -4375J \rightarrow \text{کار کل}$$

تنها نیروی وارده به گلوله برابر با نیروی دیوار است بنابراین:

برابر با کار نیروی دیوار است. کار دیوار منفی باید باشد زیرا حرکت گلوله را کندشونده کرده است.

(ب)

$$W = \vec{F} \cdot d \Rightarrow -4375J = \vec{F} \cdot (0,25) \Rightarrow \vec{F} = -17500N$$

دیوار \vec{F} نیروی متوسط وارده از دیوار به گلوله است که مقدار آن $17500N$ است. این نیرو علامت منفی دارد زیرا سرعت گلوله را کم می کند.

۱۲۲

(الف)

$$W_t = \Delta K = \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$

$$= \frac{1}{2}(1,8kg)(9^2 - 12^2) = -47,25J$$

(ب) نیروی وزن به هنگام بالا رفتن جسم در خلاف جهت حرکت آن است. بنابراین:

$$W_{\text{رفت}} = mgh \cos 18^\circ = -mgh \rightarrow \text{ارتفاع اوج توپ می باشد:}$$

در هنگام برگشت نیروی وزن هم جهت با حرکت است بنابراین:

$$W_{\text{برگشت}} = mgh \cos 0^\circ = +mgh$$

پس:

$$W_{\text{وزن}} = W_{\text{رفت}} + W_{\text{برگشت}} = mgh - mgh = 0$$

(ج)

$$W_t = W_{\text{وزن}} + W_{\text{مقاومت}} = -47,25J$$

$$W_{\text{وزن}} = 0$$

$$\Rightarrow W_{\text{مقاومت}} = -47,25J$$

۱۲۳ در ابتدا با استفاده از قضیه کار و انرژی جنبشی کار کل را محاسبه کرده و سپس کار نیروی اصطکاک را به صورت زیر می یابیم:

$$W_t = \Delta K = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2) = \frac{1}{2}(10kg)(7^2 - 0^2) = 245J$$

$$W_t = W_F + W_{f_k}, \quad W_F = Fd = 50N \times 6m = 300J$$

$$W_F + W_{f_k} = 245J \Rightarrow 300J + W_{f_k} = 245J \Rightarrow W_{f_k} = -55J$$

۱۲۴



$$W_1 = F_1 \cos(45^\circ) d \Rightarrow W_1 = (500 \sqrt{2} N \times \frac{1}{\sqrt{2}})(2,5m) = 1250 J$$

$$W_F = F d \cos 0^\circ = F_F d \Rightarrow W_F = (300 N)(2,5m) = 750 J$$

$$W_{اصطکاک} = f_k d \cos 180^\circ = -f_k d \Rightarrow W_{اصطکاک} = -600 N(2,5) = -1500 J$$

$$W_{جک} = W_1 + W_F + W_{اصطکاک} \Rightarrow W_{جک} = 1250 J + 750 J - 1500 J \Rightarrow W_{جک} = 500 J$$

۱۲۵ الف) آسانسور رو به بالا شروع به حرکت می‌کند چون عددی که ترازو نمایش می‌دهد از وزن واقعی‌اش بیشتر شده است.

ب) چون آسانسور روبه بالا شروع به حرکت می‌کند نیروی وزن در خلاف جهت جابجایی است بنابراین:

$$W = -mgd \Rightarrow W = -(700 N)(12) = -8400 J$$

ج) آسانسور روبه بالا حرکت می‌کند بنابراین نیروی عکس‌العمل سطح و جابجایی در یک سو هستند بنابراین:

$$W_{FN} = FNd \Rightarrow W_{FN} = 840 N(12) = 10080 J$$

(د)

$$W_{جک} = W_{FN} + W \Rightarrow W_{جک} = 10080 J - 8400 J = +1680 J$$

۱۲۶ مؤلفه عمودی نیروی F کار انجام نمی‌دهد بنابراین:

$$F_y = F \sin 53^\circ \Rightarrow 80 N = F \left(\frac{4}{5}\right) \Rightarrow F = 100 N$$

اندازه نیروی F برابر با یکمصد نیوتون است. برای محاسبه کار نیروی F ، می‌دانیم که مؤلفه افقی آن کار انجام می‌دهد بنابراین:

$$W = (F \cos 53^\circ) d = (100 N \times \frac{3}{5})(15m) = 900 J$$

فرم برداری نیروی \vec{F} به صورت زیر است:

$$F_x = F \cos 53^\circ = (100 N) \times \frac{3}{5} \Rightarrow F_x = 60 N$$

$$\vec{F} = F_x \vec{i} + F_y \vec{j} \Rightarrow \vec{F} = 60 N \vec{i} + 80 N \vec{j}$$

۱۲۷ در ابتدا با توجه به معلوم بودن کار نیروی F داریم:

$$W = Fd \cos \theta \Rightarrow 400 J = F \cos \theta (10m) \Rightarrow F \cos \theta = 40 N \xrightarrow{F_x = F \cos \theta} F_x = 40 N$$

از طرفی می‌دانیم که:

$$F_x = F \cos 37^\circ \Rightarrow 40 N = F \left(\frac{4}{5}\right) \Rightarrow F = 50 N$$

با استفاده از قضیه فیثاغورس:

$$F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} \Rightarrow 50 = \sqrt{40^2 + F_y^2} \Rightarrow F_y^2 = 900 \Rightarrow F_y = 30 N$$

شکل برداری نیروی F برابر است با:

$$\vec{F} = F_x \vec{i} + F_y \vec{j} \Rightarrow \vec{F} = 40 N \vec{i} + 30 N \vec{j}$$

۱۲۸ الف) مؤلفه عمودی نیروی F کاری انجام نمی‌دهد چون برجایایی عمود است.

$$W_{F_y} = F_y d \cos 90^\circ = 0$$

ب) فقط مؤلفه افقی این نیرو کار انجام می‌دهد که برابر است با:

$$W = (F \cos \theta) d \Rightarrow W = (F \cos 37^\circ)(10m) = 8F$$

ج) مؤلفه افقی کار انجام می‌دهد که برابر است با:

$$F_x = F \cos 37^\circ = 50 N \cos 37^\circ = 40 N$$

۱۲۹

$$W = (F \cos \theta) d = (25 N \cos 60^\circ)(15m) = 187,5 J$$

$F \cos \theta$ مولفه افقی نیروی F می‌باشد که در راستای جابجایی است، اما مولفه $F \sin \theta$ عمود بر راستای جابجایی و کار آن همواره برابر با صفر می‌باشد.

۱۳۰ الف) تعریف کلی شیب در ریاضیات به صورت زیر است:

$$\text{شیب} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{\Delta y}{\Delta x}$$

در این نمودار این رابطه به صورت $\frac{\Delta k}{\Delta v^2} =$ شیب می‌شود. برای یک نقطه‌ی خاص که K و v^2 را بشناسیم این رابطه به این صورت می‌شود:

$$\frac{K}{v^2} = \frac{\frac{1}{2} m v^2}{v^2} = \frac{1}{2} m$$

ب) شیب برابر با $\frac{1}{2} m$ است که با جرم جسم نسبت مستقیم دارد.

ج) انرژی جنبشی این دو جسم در تندی‌های خاصی برابر شده است بنابراین داریم:



$$K_1 = K_2$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} m_1 v_1^2 = \frac{1}{2} m_2 v_2^2 \Rightarrow m_1 v_1^2 = m_2 v_2^2$$

$$\Rightarrow m_1 (25) = m_2 (5) \Rightarrow \frac{m_1}{m_2} = \frac{5}{25} = \frac{1}{5}$$

۱۳۱

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho V = 1 \frac{kg}{L} (500L) = 500kg$$

$$= mgh = (500kg) \left(10 \frac{m}{s^2}\right) (10m) = 5 \times 10^4 J \text{ انرژی ورودی}$$

$$\text{بازده} = \frac{\text{انرژی خروجی}}{\text{انرژی ورودی}} \times 100 \Rightarrow 0,2 = \frac{\text{انرژی خروجی}}{5 \times 10^4 J} \Rightarrow \text{انرژی خروجی} = 10^4 J$$

$$P = \frac{W}{t} \rightarrow t = \frac{W}{P} = \frac{10^4 J}{800W} = 12,5s$$

۱۳۲

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho V = 1000 \frac{kg}{m^3} \times 500m^3 = 5 \times 10^5 kg$$

$$\text{انرژی ورودی} = mgh = (5 \times 10^5 kg) \left(10 \frac{m}{s^2}\right) (10m) = 5 \times 10^8 J$$

$$\text{بازده} = \frac{\text{انرژی خروجی}}{\text{انرژی ورودی}} \times 100 \Rightarrow 0,2 = \frac{\text{انرژی خروجی}}{5 \times 10^8} \Rightarrow \text{انرژی خروجی} = 10^8 J$$

$$P = \frac{W}{t} = \frac{10^8 J}{1s} = 10^8 W$$

۱۳۳ تنها نیروهایی که در حین پرواز توپ بر آن اثر دارند نیروی وزن و مقاومت هواست. با توجه به جابه‌جایی افقی توپ، نیروی وزن عمود بر حرکت توپ است پس کاری انجام نمی‌دهد. کار نیروی مقاومت هوا را می‌توان از قضیه کار - انرژی جنبشی به دست آورد:

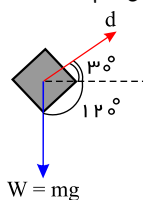
$$W_t = \Delta K = \frac{1}{2} m v^2 - \frac{1}{2} m v_0^2 = \frac{1}{2} m (v^2 - v_0^2)$$

$$\xrightarrow{W_t = W_{\text{مقاومت هوا}}} W_{\text{مقاومت هوا}} = \frac{1}{2} (0,250kg) (12^2 - 18^2) = -22,5J$$

۱۳۴ صورت سؤال گفته که جسم با سرعت ثابت حرکت می‌کند بنابراین کار کل صفر است. یعنی کار نیروی F و کار نیروی وزن، قرینه‌اند. بنابراین در ابتدا کار نیروی وزن را محاسبه می‌کنیم:

$$W_{mg} = mgd \cos 12^\circ = 24 \times 10 \times 20 \times \left(-\frac{1}{2}\right) \Rightarrow W_{mg} = -2400 J$$

$$W_F = -W_{mg} \Rightarrow W_F = 2400 J$$



۱۳۵

چون جسم رو به پایین حرکت کرده داریم:

$$W_{mg} = +mg|\Delta h|$$

$$W_{mg} = 2 \times 10 \times 4 = 80 J$$

۱۳۶ چون جسم حرکتی ندارد پس می‌توان گفت که برآیند نیروهای وارده به آن صفر است و چون نیرویی به صورت برآیند وجود ندارد کار انجام نمی‌شود. حرکت نداشتن به معنای جابه‌جایی صفر است و این یعنی کار صفر است. با هر دو توصیف می‌توان به یک نتیجه رسید.

۱۳۷

حداقل نیروی لازم برای بلند کردن کیسه، هم‌اندازه با وزن آن است و داریم:

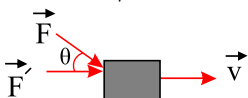
$$W = Fd = mgh = (500N)(1,80m) = 900N$$

$$W = Fd = 50 \times (0) = 0$$

۱۳۸ دیوار جابه‌جا نمی‌شود پس کاری انجام نمی‌شود.

۱۳۹

$$(1) \text{ شماره} \rightarrow W_1 = F \cdot d \cos \theta \xrightarrow{\cos \theta < 1} W_1 < F \cdot d$$





$$(۲) W_p = F \cdot d \cos \theta \xrightarrow{\cos 0 = 1} W_p = F \cdot d$$

$$(۳) W_p = F \cdot d \cos \theta \xrightarrow{\cos 90 = 0} W_p = 0$$

$$W_۲ > W_۱ > W_۳ \quad \text{بنابراین}$$

۱۴۰ وقتی صد گرم آب یخ می‌زند، جرم یخ و آب با هم برابر و همان ۱۰۰ گرم است.

$$\rho = \frac{m}{V} \rightarrow \frac{\rho_{\text{یخ}}}{\rho_{\text{آب}}} = \frac{m_{\text{یخ}}}{m_{\text{آب}}} \times \frac{V_{\text{آب}}}{V_{\text{یخ}}}$$

$$\xrightarrow{m_{\text{آب}} = m_{\text{یخ}}} \frac{0.9}{1} = \frac{V_{\text{آب}}}{V_{\text{یخ}}} \rightarrow \frac{V_{\text{یخ}}}{V_{\text{آب}}} = \frac{1}{0.9} = 1.11$$

۱۴۱ برای تعیین چگالی آلیاژ، باید جرم کل و حجم کل را بیابیم، بنابراین داریم:

$$m_{\text{آلیاژ}} = m_{\text{مس}} + m_{\text{طلا}} = 180g + \rho_{\text{طلا}} \times V_{\text{طلا}} = 180g + 1140g = 1320g$$

$$V_{\text{آلیاژ}} = V_{\text{مس}} + V_{\text{طلا}} = \frac{m_{\text{مس}}}{\rho_{\text{مس}}} + V_{\text{طلا}} = \frac{180g}{9 \frac{g}{\text{cm}^3}} + 60 \text{cm}^3 = 20 \text{cm}^3 + 60 \text{cm}^3 = 80 \text{cm}^3$$

$$\rho_{\text{آلیاژ}} = \frac{m_{\text{آلیاژ}}}{V_{\text{آلیاژ}}} = \frac{1320g}{80 \text{cm}^3} = 16.5 \frac{g}{\text{cm}^3}$$

۱۴۲

$$a_{Al} = 2a_{Ag} \rightarrow \quad (a \text{ طول ضلع مکعب است})$$

$$\rho_{Ag} = 4\rho_{Al}$$

$$V_{Ag} = (a_{Ag})^3, \quad V_{Al} = (a_{Al})^3$$

$$V_{Al} = (a_{Al})^3 = (2a_{Ag})^3 = 8a_{Ag}^3 = 8V_{Ag}$$

می‌دانیم که حجم مکعب از رابطه‌ی زیر به دست می‌آید:

داریم:

با استفاده از نسبت چگالی‌ها داریم:

$$\frac{\rho_{Ag}}{\rho_{Al}} = \frac{\frac{m_{Ag}}{V_{Ag}}}{\frac{m_{Al}}{V_{Al}}} = \frac{m_{Ag}}{m_{Al}} \times \frac{V_{Al}}{V_{Ag}} = \frac{m_{Ag}}{m_{Al}} \times 8 = 4$$

و در نهایت:

$$\frac{m_{Ag}}{m_{Al}} = \frac{1}{2}$$

۱۴۳

$$\rho = \frac{m}{V} = \frac{0.500 \times 10^{-3}g}{63 \text{cm}^3} = 7.9 \frac{g}{\text{cm}^3}$$

$$\rho = 7.9 \frac{g}{\text{cm}^3} = 7.9 \frac{g}{\text{cm}^3} \times \frac{10^{-6} \text{cm}^3}{1 \text{m}^3} \times \frac{1 \text{kg}}{1000 \text{g}} = 7900 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

۱۴۴

$$\left. \begin{array}{l} 0.1 \text{nm} = 0.1 \times 10^{-9} \text{m} = 10^{-10} \text{m} \rightarrow \text{قطر اتم هیدروژن} \\ 1 \text{fm} = 1 \times 10^{-15} \text{m} \rightarrow \text{قطر پروتون} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{10^{-10}}{10^{-15}} = 10^5$$

قطر اتم هیدروژن صد هزار بار از قطر یک پروتون بزرگ‌تر است. این نشان از کوچک بودن هسته اتم دارد.

۱۴۵

الف ثابت

ب کاهش

پ افزایش

ت ثابت

ث افزایش - کاهش

۱۴۶ در تراکم $W > 0$

$$\Delta U = Q + W \xrightarrow{Q=0} \Delta U = W \Rightarrow \Delta U > 0$$

با افزایش انرژی درونی، دمای دستگاه افزایش می‌یابد.

۱۴۷

$$Q_1 + Q_2 + Q_3 = 0 \Rightarrow m_1 c_1 (\theta - \theta_1) + m_2 c_2 (\theta - \theta_2) + m_3 c_3 (\theta - \theta_3) = 0 \Rightarrow 0.2 \times 128 \times (\theta - 100) + 0.1 \times 900 (\theta - 20)$$



$$+0,5 \times 4200 \times (\theta - 20) = 0 \Rightarrow 25,6\theta - 2560 + 90\theta - 1800 + 2100\theta - 42000 = 0 \Rightarrow 2215,6\theta = 46360 \Rightarrow \theta = 20,9^\circ C \approx 21^\circ C$$

۱۴۸

$$P_0 - P_B = \rho gh \Rightarrow h = \frac{P_0 - P_B}{\rho g} = \frac{1,0 \times 10^5 - 9,0 \times 10^4}{1,3 \times 10} \Rightarrow h = \frac{10^4(1,0 \times 10^1 - 9,0)}{13} = \frac{10000}{13} \approx 769m$$

۱۴۹ اگر حجم کل آلیاژ را V فرض کنیم، $V_A = 0,4V$ و $V_B = 0,6V$ است. حال در رابطه مربوط به تعیین چگالی آلیاژ چون از جرم حرفی زده نشده، به جای جرم از حاصل ضرب چگالی در حجم استفاده می‌کنیم ($m = \rho V$)، بنابراین داریم:

$$\rho_{\text{آلیاژ}} = \frac{m_1 + m_2}{V_1 + V_2} \text{ و } m = \rho V \Rightarrow \rho_{\text{آلیاژ}} = \frac{\rho_1 V_1 + \rho_2 V_2}{V_1 + V_2} \Rightarrow \rho_{\text{آلیاژ}} = \frac{\rho_1 V_1 + \rho_2 V_2}{V_{\text{کل}}} \Rightarrow 10000 = \frac{5000 \times 0,4V_{\text{کل}} + \rho_2 \times 0,6V_{\text{کل}}}{V_{\text{کل}}} \Rightarrow 10000 = 2000$$

$$+0,6\rho_2 \Rightarrow 0,6\rho_2 = 8000 \Rightarrow \rho_2 \approx 13333 \frac{kg}{m^3}$$

۱۵۰ ابتدا به کمک ترازو و جرم شیشه آبلیموی خالی را اندازه‌گیری می‌کنیم. سپس با قطره‌چکان داخل آن آبلیمو می‌ریزیم و تعداد قطره‌ها را می‌شماریم. تا حجم آبلیمو در ظرف به $100cm^3$ برسد. حال حجم ظرف را به تعداد قطره‌ها تقسیم می‌کنیم تا حجم یک قطره به دست آید. اگر شیشه پر شده از آبلیمو را روی ترازو بگذاریم و جرم کل را به دست آوریم و جرم ظرف را از آن کم کنیم، جرم آبلیمو به دست می‌آید. با تقسیم جرم آبلیمو به تعداد قطره‌ها، جرم هر قطره به دست می‌آید.

ویژه خرداد ۱۴۰۲



فیلم تحلیل سوالات امتحانات پایان ترم

برای دیدن **فیلم حل نمونه سوالات** بزن رو لینک زیر

مشاهده فیلم ها

تحلیل نمونه سوالات فیزیک دهم ریاضی